

FIZIČKI FAKULTET
UNIVERZITET U BEOGRADU

Magistarska teza

**Uticaj dopiranja niklom na optička, transportna i neka
toplota svojstva olovo-telurida**

Danijela Luković

Beograd 2005.

ZAHVALNOST

Magistarska teza "Uticaj dopiranja niklom na optička, transportna i neka topotna svojstva olovo-telurida" urađena je u okviru angažovanja na projektu 0296 "Novi elektronski materijali za izradu optoelektronskih i planarnih NTC senzora" Ministarstva nauke i životne sredine Republike Srbije. Teza je urađena pod rukovodstvom Akademika Pantelije Nikolića u Laboratoriji međuodeljenskog odbora za fizičku hemiju materijala SANU. Želim da iskažem iskrenu zahvalnost:

- mom mentoru, Akademiku Panteliji Nikoliću, na velikom i nesebičnom zalaganju i pomoći u svim fazama izrade teze
- redovnim profesorima na Fizičkom fakultetu u Beogradu, Jablanu Dojčiloviću i Lazaru Novakoviću, na čitanju rukopisa i korisnim primedbama
- gospodinu Wolfgang König-u iz Instituta "Max Planck" u Štutgartu na izvršenim merenjima refleksionih spektara u dalekoj IC oblasti
- profesoru Stevanu Đuriću sa Rudarsko-geološkog fakulteta u Beogradu na omogućenim rendgenskim mernjima
- dr Antonu Zalaru sa Instituta "Jožef Štefan" u Ljubljani na snimanju Auger-ovih spektara
- Olgi Jakšić, dipl. ing. iz Instituta za hemiju, tehnologiju i metalurgiju na pomoći pri Hall-ovom eksperimentu
- kolegama dr Dani Vasiljević Radović i dr Dragana Uroševiću na pomoći pri tehničkoj obradi pojedinih grafika
- Stevanu Vujatoviću, penzionisanom višem tehničaru specijalisti, na izradi visokokvalitetnih uzoraka
- mojim kolegama i saradnicima na podršci

SADRŽAJ:

UVOD	1
1. FIZIČKO-HEMIJSKA SVOJSTVA OLOVO-TELURIDA	2
2. EKSPERIMENTALNE METODE DOBIJANJA MONOKRISTALNOG PbTe	6
3. MERNE METODE	10
3.1. Rendgenostrukturalna analiza	10
3.2. Merenje reflektivnosti u dalekom infracrvenom (IC) delu spektra	12
3.3. Merenje transportnih svojstava materijala	14
3.4. Merenje topotnih svojstava materijala fotoakustičnom metodom	17
3.5. Elektronska disperzionalna spektroskopija (EDS)	23
3.6. Emisiona spektroskopska analiza	23
3.7. Auger-ova elektronska spektroskopija (AES)	24
4. REZULTATI MERENJA	25
4.1. Rezultati EDS i ESA	25
4.2. Rezultati rendgenostrukturne analize	25
4.3. Rezultati merenja u dalekoj infracrvenoj oblasti spektra	27
4.4. Rezultati merenja metodama Van der Pauw i Hall-a	32
4.5. Rezultati merenja fotoakustičnom metodom	32
5. ANALIZA I DISKUSIJA REZULTATA	40
5.1. Daleki IC spektri refleksije i Auger-ova elektronska spektroskopija	40
5.2. Fotoakustična merenja	57
6. ZAKLJUČAK	61
REFERENCE	63

UVOD

Jedinjenja na bazi olovo-telurida predstavljaju vrlo važne materijale za infracrvenu optoelektroniku. Ona se uglavnom koriste za izradu lasera i fotodioda u srednjoj i dalekoj IC oblasti, kao i detektora u dalekoj IC oblasti. Uzak energijski procep i svojstvo da se smanjuje prilikom hlađenja (pozitivan temperaturni koeficijent promene) čini ovaj poluprovodnički materijal pogodnim za navedene optoelektronske naprave.

Jedan od prvih IC detektora bio je izrađen od InSb čiji energijski procep na sobnoj temperaturi iznosi $E_g=0.17$ eV. Hlađenjem, u cilju smanjenja šumova, njegov energijski procep se povećavao što je sužavalо opseg primene. Za razliku od InSb olovo-halkogenidi (PbTe, PbSe, PbS) imaju pozitivan temperaturni koeficijent promene energijskog procepa, pa se radni opseg proširuje sa sniženjem temperature. Takođe je ustanovljeno da se dopiranjem olovo-halkogenida kalaj-teluridom, SnTe, energijski procep smanjuje [1, 2] što znači da je PbSnTe poluprovodni materijal čiji se energijski procep smanjuje kako sa snižavanjem temperature tako i sa povećanjem sadržaja SnTe. Zbog toga je PbSnTe materijal od koga su pravljeni prvi IC detektori za opseg drugog atmosferskog prozora ($\lambda=6\text{-}14 \mu\text{m}$). CdHgTe je korišćen kasnije u iste svrhe zbog vrlo sličnih svojstava, a koristi se i danas [3]. Poslednjih godina se ponovo intenzivno izučavaju PbTe i PbSnTe dopirani različitim metalima sa namerom da im se smanji koncentracija slobodnih nosilaca kako bi se od njih pravili IC detektori koji bi, pokazalo se, bili otporni na nuklearno zračenje i, u tom smislu, bolji od CdHgTe.

Do sada su proučavana jedinjenja PbTe i PbSnTe dopirana elementima III grupe (Ga, In, B) koji ispoljavaju efekat stabilizacije Fermijevog nivoa, pojavu zadržane fotoprovodnosti, kao i strukturnog faznog prelaza na nižim temperaturama [4-13]. Takođe su izučavana svojstva PbTe dopiranog različitim prelaznim metalima (Fe, Cr, Mn, Pt, Pd) [14-18], kao i retkim zemljama (Ce, Sm, Yb) [19-22].

1. FIZIČKO-HEMIJSKA SVOJSTVA OLOVO-TELURIDA

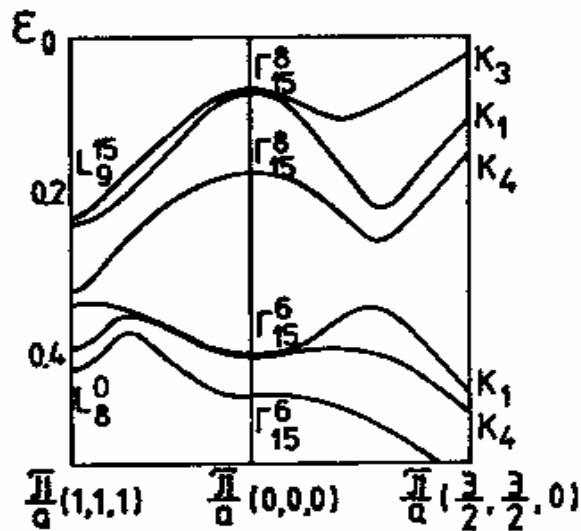
Oovo telurid ($PbTe$) je poluprovodničko jedinjenje koje pripada grupi halkogenida tipa $A^{IV}B^{VI}$. Kao i ostali halkogenidi olova, ima kubnu $NaCl$ kristalnu strukturu, klase simetrije ($m\bar{3}m$) [23]. Elementarna ćelija je kubna površinski centrirana, a svaki atom jedne vrste okružen je sa 6 atoma druge vrste. Konstanta rešetke iznosi 6.46 \AA , dok je eksperimentalna gustina materijala jednaka 8.2 g/cm^3 . Po spoljašnjem izgledu halkogenidi olova su neprozirni i imaju karakterističan metalni sjaj. Veoma su krti i monokristali se lako cepaju duž ravni [100], naročito pri nižim temperaturama. Prema tipu hemijske veze svi oni pripadaju polarnim poluprovodnicima sa mešanom jonsko-kovalentnom vezom. Ipak, kod $PbTe$ preovlađuje jonska veza.

Važna zajednička karakteristika oovo halkogenida je velika polarizabilnost rešetke ($\epsilon_0 \sim 10^2$, 10^3 i veća), kao i velika razlika (za red veličine i više) između statičke ϵ_0 i visokofrekventne ϵ_∞ dielektrične propustljivosti. Na osnovu Lyddane-Sach-Teller-ove relacije, ovo svojstvo daje za posledicu razliku između longitudinalnog (ω_{LO}) i transverzalnog (ω_{TO}) dugotalasnog optičkog fonona.

Oovo halkogenidi grade kristale sa znatnim odstupanjem od stehiometrije. Kao dominantni unutrašnji defekti javljaju se vakancije. U zavisnosti od toga da li su brojnije u podrešeci olova ili podrešeci halkogenida, one imaju efekat akceptorske, odnosno, donorske primese. Stoga, vakancije u ovim jedinjenjima predstavljaju elektroaktivne unutrašnje defekte. Visoka koncentracija vakancija (10^{18} - 10^{19} cm^{-3}) uslovljava i visoku koncentraciju slobodnih nosilaca nanelektrisanja. Koncentracija nosilaca se specijalnim metodama može smanjiti do 10^{16} - 10^{17} cm^{-3} . Jedan od načina je dopiranje primesama različitih metala (In, Ga, Mn, Fe, Ni,...).

Zonska struktura ovih poluprovodnika kubne strukture je veoma složena. Oni se ubrajaju među uskozonske poluprovodnike jer je širina zabranjene zone $E_g \sim (0.2\text{-}0.3) \text{ eV}$. Energijski procep za $PbTe$ na $300K$ iznosi $E_g = 0.32 \text{ eV}$, dok je njegov temperaturni koeficijent promene $\partial E_g / \partial T (77\text{-}300K) = 4 \times 10^{-4} \text{ eV/K}$. Apsolutni ekstremumi provodne i valentne zone kod halkogenida olova nalaze se u istoj tački Brillouin-ove zone. To je tzv. L-tačka na kraju Brillouin-ove zone u pravcu [111]. Struktura energijskih zona za $PbTe$ za talasni vektor \vec{k} duž pravaca [111] i [110] je prikazana na slici 1.1. Pri sopstvenoj apsorpciji svetlosti dozvoljeni

su direktni optički prelazi. Talasne funkcije elektrona u ekstremumima provodne zone transformišu se po neparnoj reprezentaciji L_6^- , a talasne funkcije elektrona u ekstremumima valentne zone- po parnoj reprezentaciji L_6^+ , ako se za centar simetrije uzme čvor Pb. Takođe postoji maksimum valentne zone i u Σ tački Brillouin-ove zone (pravac [110]) kao što se vidi na slici 1.1.



Slika 1.1. Struktura energijskih zona u PbTe za talasni vektor k duž pravaca $[\bar{1}\bar{1}1](\Gamma-L)$ i $[\bar{1}\bar{1}0](\Gamma-\Sigma-K)$.

Efektivna masa nosilaca nanelektrisanja m^* kod olova halkogenida je mala za talasne vektore na krajevima Brillouin-ove zone, a sa udaljavanjem od krajeva raste, što je povezano sa postojanjem uske "direktne" zabranjene zone. Širina zabranjene zone i efektivna masa se uvećavaju sa porastom temperature, što je suprotno ponašanju većine poluprovodnika (Si, Ge, GaAs). Pri izotropnom sabijanju materijala ove promene imaju suprotan karakter. Koeficijent promene energijskog procepa sa promenom pritiska za PbTe iznosi $\partial E_g / \partial P = -8 \times 10^{-6}$ eVcm²/kg.

Osnovni mehanizmi rasejanja nosilaca nanelektrisanja kod ovih poluprovodnih jedinjenja, na ne suviše niskim temperaturama, su rasejanje na akustičkim fononima i polarizovano rasejanje na optičkim fononima. Pokretljivost nosilaca na vrlo niskim temperaturama je veoma velika (do reda veličine 10^5 - 10^6 cm²/Vs). Glavni doprinos karakteru pokretljivosti na niskim temperaturama daje rasejavanje nosilaca na ionizovanim primesama i različitim defektima u rešeci (vakancije, dislokacije, istezanje, smicanje). Columb-ovo rasejanje na primesama oslabljeno je visokom dielektričnom propustljivošću. Stoga, čak i

jonizovane prime se rasejavaju nosioce prvenstveno svojim jezgrima čije su dimenzije reda veličine atoma. To dovodi do velike pokretljivosti na niskim temperaturama, čak i u uzorcima čije su koncentracije defekata ili primesa $\sim 10^{18} \text{ cm}^{-3}$. Na srednjim i visokim temperaturama pokretljivost nosilaca opada po zakonu $\mu \sim m^*^{-5/2} T^{-3/2}$. Ovakva zavisnost se objašnjava, pre svega, rasejavanjem nosilaca na dugotalasnim akustičnim fononima. Uračunavanjem i zavisnosti efektivne mase od temperature dobija se rezultujuća veza između pokretljivosti i temperature ($\mu \sim T^{-5/2}$).

U tabeli 1.1. [24] su date vrednosti pojedinih parametara za olovo-telurida.

Tabela 1.1. Vrednosti za pojedine optičke i transportne veličine olovo telurida [24]

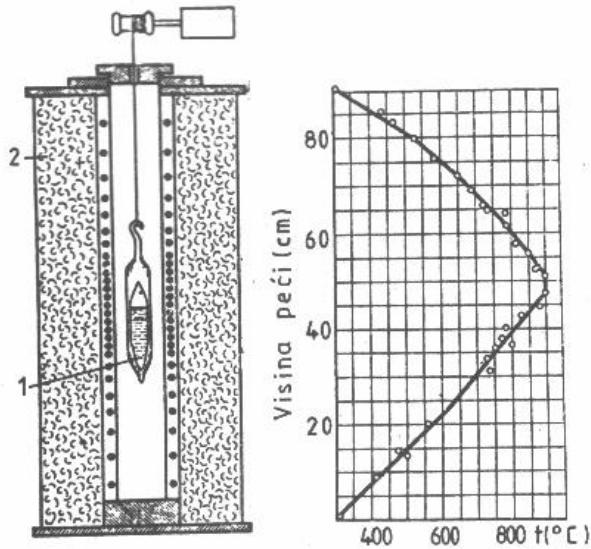
Parametri	PbTe	Način određivanja
ε_0 (300K)	400	Lyddane-Sach-Teller-ova relacija
ε_∞	33	Daleka IC refleksija
ω_{LO} [cm^{-1}]	104	Tunelski efekti na p - n prelazu
ω_{TO} (300K) [cm^{-1}]	32	Daleka IC refleksija
E_g [eV] (300K)	0.32	Optička apsorpcija
$\partial E_g / \partial T$ [eV/K]	4×10^{-4}	Optička apsorpcija
m^* [m_0] (300K)		Efekat Shubnikov de Haas u paralelnom i normalnom magnetnom polju
m^*/\parallel (p -tip)	0.31	
m^*/\parallel (n -tip)	0.24	
$m^*\perp$ (p -tip)	0.022	
$m^*\perp$ (n -tip)	0.024	
μ [cm^2/Vs] (4.2K)		Hall-ova merenja
μ (p - tip)	2.5×10^5	
μ (n -tip)	8×10^5	
μ [cm^2/Vs] (300 K)		
μ (p -tip)	840	
μ (n -tip)	1730	
n [cm^{-3}]		
n (p - tip, zasićen telurom, 993 K)	5×10^{18}	[25]
n (n - tip, zasićen olovom, 1053 K)	1.5×10^{19}	[25]
n [cm^{-3}] (77 K)		
n (p -tip)	3.5×10^{18}	[26]
n [cm^{-3}] (300 K)		
n (p -tip)	1×10^{18}	[26]

U literaturi nisu nađeni podaci o koncentraciji nosilaca za *n*-tip čistog PbTe na sobnoj i niskim temperaturama jer ga pod tim uslovima nije moguće dobiti. Prilikom rasta monokristala čistog PbTe, ugrađuje se više telura nego olova što daje za posledicu nestehiometrijsku strukturu *p*-tipa. PbTe sa elektronima kao većinskim nosiocima nanelektrisanja može se dobiti tek odgrevanjem pa su ovi rezultati prikazani u tabeli 1.1.

2. EKSPERIMENTALNE METODE DOBIJANJA MONOKRISTALNOG PbTe

Monokristalni uzorci PbTe se najčešće dobijaju rastom iz rastopa metodom Bridgeman-a i metodom Czochralski.

a) Metoda Bridgeman-a je najjednostavnija i najjeftinija metoda izrade poluprovodnih monokristala [27, 28]. Šema uređaja za izvlačenje monokristala ovom metodom prikazana je na slici 2.1. (levo). Uredaj obuhvata nekoliko radnih delova: peć, reduktor i ampulu. Materijal od koga raste monokristal topi se u kvarcnoj ampuli čiji su zidovi sa unutrašnje strane prevućeni tankim filmom (garavljenjem) da bi se eliminisalo kvašenje ampule materijalom. Vrh kvarcne ampule je konusnog oblika zbog lakšeg formiranja klice tj. centra kristalizacije. Ampula se vakuumira do 10^{-6} - 10^{-3} Pa, a potom zatopi. Uobičajeno je da se ona stavlja u drugu-spoljašnju ampulu koja se takođe vakuumira i zatopi.



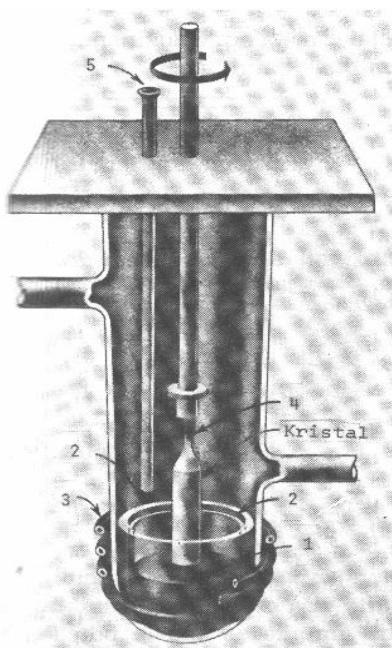
Slika 2.1. Šematski prikaz uređaja (peći) za izvlačenje monokristala metodom Bridgeman-a

Peć u koju se stavlja ampula sa materijalom ima svoj "temperturni profil" prikazan na slici 2.1.(desno). Temperatura centralnog dela peći je nešto viša od temperature topljenja materijala. Ampula se u oblast peći spušta određenom brzinom (0.8-1.5) mm/h. Kada dospe u "hladniju" oblast peći, gde je temperatura niža od temperature topljenja materijala, u konusnom delu ampule započinje kristalizacija formiranjem klice. Postepenim spuštanjem ampule i preostali deo materijala očvršćava. Pošto se većina poluprovodnih materijala širi pri

hlađenju to dolazi do prskanja unutrašnje ampule, ali prisustvom spoljašnje ampule sprečava se oksidacija materijala koji je još uvek na visokoj temperaturi.

Dobre strane ovog postupka su jednostavnost dobijanja monokristala i mogućnost rada sa vrlo malim količinama materijala. Najveći nedostatak metode je to što je veličina monokristala ograničena veličinom ampule i dužinom peći. Takođe, ovako dobijen monokristal je relativno lošeg kvaliteta zbog prisustva velikog broja defekata. (To je uglavnom posledica različitih koeficijenata termičkog širenja monokristala i kvarca, ali i težeg mešanja različitih komponenata.)

b) Metoda Czochralski (metoda izvlačenja) se veoma mnogo koristi za izradu monokristala u laboratorijskim uslovima, ali, pre svega, u industrijskoj proizvodnji poluprovodnika.



Slika 2.2. Šema uređaja za dobijanje monokristala po metodi Czochralski. 1-rastop; 2-tigl; 3-otporni grejači; 4-seme (klica); 5-cev za ubacivanje primesa

Šema uređaja za dobijanje monokristala ovom metodom prikazana je na slici 2.2. [27, 28]. Materijal (1) od kojeg se izvlači monokristal rastopljen je u vatrostalnoj posudi (tiglu) (2) pomoću otpornih grejača (3) ili pomoću visokofrekventnog generatora. Pre početka zagrevanja tigla, sistem u zatvorenoj i izolovanoj komori se ispira inertnim gasom oko 30 minuta brzinom protoka 10 l/min. Pri izvlačenju monokristala monokristalna klica (4) se najpre uroni u rastop, a zatim se lagano izvlači iz rastopa (brzinom u granicama od 0.7 mm/h do 2 cm/h u zavisnosti

od tipa materijala) uz istovremenu rotaciju i klice i tigla. Time se obezbeđuje koncentričan rast kristala, ravnomerniji raspored temperature rastopa i raspodele primeše duž monokristala. Klica ima nešto nižu temperaturu od rastopa, a hemijski sastav klice je vrlo blizak hemijskom sastavu rastopa. Da bi se izbegla oksidacija monokristala, kao i ugrađivanje neželjenih primeza, monokristali se izvlače ili u vakuumu, ili u zaštitnoj atmosferi nekog gasa (argon, azot). Dopiranje (ugrađivanje primeza) monokristala vrši se na dva načina, u zavisnosti od željene koncentracije primeza i slobodnih nosilaca. Ukoliko se želi velika koncentracija primeza u monokristalu ($\sim 10^{19} \text{ cm}^{-3}$) unapred proračunata količina primeze se uvodi direktno u tigl kroz cev (5).

Za dobijanje monokristala sa malom koncentracijom primeza i slobodnih nosilaca rastopljenoj masi se, kao primeza, dodaje jedinjenje osnovne poluprovodničke materije i elemenata primeze. Monokristali su obično prečnika od nekoliko centimetara, a dužine i veće od 10 cm. Danas se, međutim, rade monokristali Si prečnika 30cm i dužine do 1m. Željena vrednost prečnika monokristala se održava kontrolom temperature rastopa, brzine rotacije klice i brzine izvlačenja. Postoji nekoliko načina automatske kontrole prečnika kristala u toku njegovog rasta.

Za izvlačenje monokristalnih materijala koji imaju visok napon pare (npr. GaAs) ovaj metod se malo modificuje. Inertan gas se uvodi u komoru uređaja pod pritiskom koji mora biti viši od napona pare materijala u rastopljenom stanju. Da bi se povećala efikasnost, na površinu rastopljenog materijala se stavlja rastopljeni transparentni oksid bora, B_2O_3 , koji ima nizak napon pare pa njegov rastopljen, plivajući sloj sprečava isparavanje atoma konstituenata rastopljenog materijala [28].

Prednost ove metode je višestruka. Pre svega, mogu se načiniti kristali velikih dimenzija. Pored toga ovaj postupak dobijanja kristala je prilično jednostavan, a njihov kvalitet je veoma dobar (skoro bez dislokacija). Jedini nedostatak se ispoljava u postupku dobijanja *n*-tipa Si zato što Si reaguje sa B koga uvek ima u kvarcnim posudama (B se ugrađuje u kristal Si kao akceptorska primaesa).

Naši uzorci PbTe(Ni) dobijeni su Bridgeman-ovim postupkom rasta monokristala u Laboratoriji međuodeljenskog odbora za fizičku hemiju materijala SANU. Kao polazni materijali korišćeni su metali i halkogenidi visoke čistoće (99.9999%). Rast kristala je ostvaren

u evakuisanoj kvarcnoj ampuli sa dvostrukim zidovima prečnika 8 mm, odnosno 12 mm. Brzina rasta kristala je bila 4 mm/h, a konačna dužina je iznosila 6 cm. Pre početka rasta monokristala čvrsti sastojci su otapani 72 h na temperaturi od 980°C, da bi nakon toga započelo kretanje ampule ka "hladnijoj" oblasti unutar peći.

Uzorci oblika diska su sečeni sa ingota karborundum diskom i njihove debljine su se kretale u opsegu 1-2 mm. Za potrebe refleksionih merenja mehanički su polirani na SiC papiru različite krupnoće zrna, a potom i dijamantskim prahom (veličina zrna 3 μm).

S druge strane, merenja transportnih svojstava zahtevaju posebnu pripremu kontakata. U tu svrhu su korišćeni fluks i Pb-Sn lem kao vezivna sredstva kojima se vrši lemljenje, kao i tečni kalofonijum za topljenje izolacije i čišćenje vrhova bakarnih žica.

3. MERNE METODE

Proučavanje svojstava jedinjenja PbTe(Ni) vršeno je sledećim mernim metodama: rendgenostruktturnom analizom, dalekom infracrvenom spektroskopijom, galvanomagnetskim merenjima (Hall-ova i Van der Pauw metoda) i fotoakustičnom metodom.

3.1. Rendgenostruktura analiza

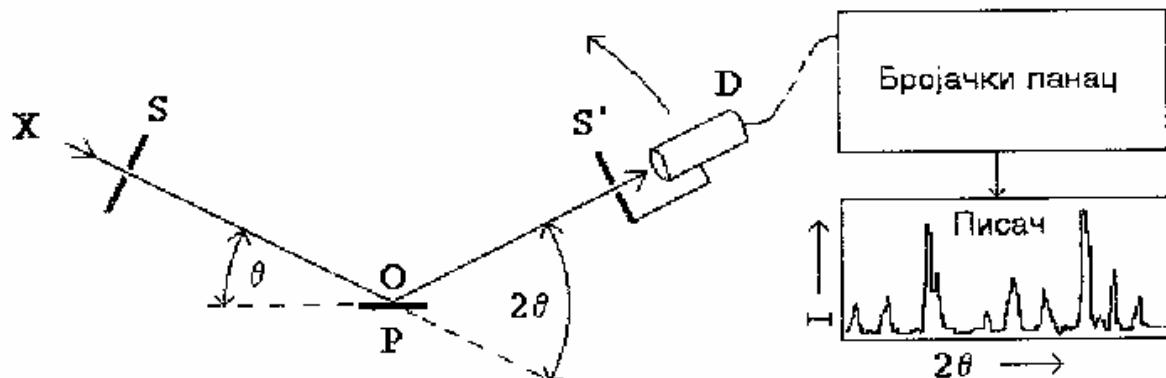
Konstante rešetke monokristalnog PbTe(Ni) su određene difrakcijom X-zračenja. Snimanje je urađeno na uređaju Norelco-Philips tip 42275, zračenjem sa bakarne anode (CuK_α) koje je monohromatizovano filterom od nikla. Ipak, ovo zračenje nije u potpunosti monohromatsko. Naime, bakarna anoda emituje dve K_α linije (K_α dublet) bliskih talasnih dužina. Budući da je zračenje $\lambda(\text{K}_{\alpha 1})=1.54051$ Å dvostruko većeg intenziteta od zračenja $\lambda(\text{K}_{\alpha 2})=1.54434$ Å za jedinstvenu vrednost se uzima srednja vrednost data izrazom:

$$\lambda(K_{\alpha 1,2}) = \frac{1}{3}(2\lambda(K_{\alpha 1}) + \lambda(K_{\alpha 2})) \quad (3.1.)$$

U tom smislu, uzeto je da je srednja talasna dužina Rö zračenja sa bakarne anode $\lambda_{\text{CuK}\alpha}=1.54178$ Å. Napon doveden na anodu iznosio je $U_a=35$ kV, a anodna struja $I_a=20$ mA. Uglovi difrakcije Rö zračenja (2θ) mereni su u intervalu (10^0 - 100^0), sa korakom 0.02^0 .

Princip rada difraktometra je prikazan na slici 3.1. [29]. Snop Rö zraka koji polazi iz izvora-rendgenske cevi **X** ograničava se po širini prolaskom kroz prorez **S**, a zatim pada na uzorak (preparat) **P**. Komadić monokristalnog materijala ili prah se postavlja u aluminijumski ram dimenzija $20\times 15\times 1.5$ mm. Površina uzorka se dovodi u ravan rama pomoću staklenih graničnih površina. Uzorak se postavlja u centar goniometra tako da gornja površina ispitivanog uzorka bude tačno u osi goniometra **O**. Difraktovani snop zraka će sa preparata proći kroz prorez **S'** i pasti na detektor zračenja **D**. Tokom snimanja (priključivanja) podataka o difrakciji detektor se kreće lučno konstantnom brzinom v_g oko ose goniometra **O**, dok se uzorak kreće u istom smeru ali polovinom ove brzine. Uobičajena brzina kretanja detektora pri identifikaciji faza iznosi $2^0/\text{min}$. Ugao koji zaklapa detektor sa neskrenutim snopom zraka iznosi 2θ , a površina preparata je bisektrisa ovog ugla tj. ugao θ . Impulsi sa detektora se koaksijalnim kablom odvode na brojački lanac koji čine pojačavač, uobičajavač impulsa,

integrator i pisač. U brojački lanac se ponekad uključuje i analizator visine impulsa, skaler sa tajmerom, štampač i računar. Pojačani i uobličeni impulsi se sa detektora dovode na integrator (rejtmetar). On omogućava da se srednji broj impulsa u jedinici vremena predstavi kao naponska veličina koja se može meriti voltmetrom. Prema tome, integrator izražava broj impulsa u sekundi za određeni vremenski interval. Dobijene tačke za zadati vremenski interval se integrišu menjanjem vremenske konstante ($T=RC$). Pisač beleži na papirnoj traci visinu ovog napona, odnosno broj impulsa u sekundi. Papirna traka se kreće konstantnom brzinom, sinhrono sa lučnim kretanjem detektora na goniometru. Na taj način apscisa dobijenog dijagrama predstavlja ugao 2θ , a ordinata intenzitet difraktovanog zraka tj. broj impulsa u sekundi. Brzina kretanja detektora na goniometru može se menjati prema potrebi i zahtevima korisnika za različite vrste uzoraka. Uobičajeno je da početak prikupljanja podataka bude na uglu 2θ , nešto većem od nule (10^0) i ide ka većim uglovima. Na difraktometru se može ograničiti područje prikupljanja podataka (često je dovoljno završiti ga na $2\theta=70^0$, a po potrebi maksimalan ugao može ići do 140^0). Detektor se nikada ne postavlja u položaj $2\theta=0^0$, jer bi to izazvalo trajno oštećenje detektora zbog direktnе izloženosti rendgenskim zracima.



Slika 3.1. Princip rada rendgenskog difraktograma

Difrakcija Rö zračenja na kristalnoj rešeci započinje refleksijom snopa monohromatskih Rö zraka talasne dužine λ na različitim slojevima paralelnih kristalnih ravni (hkl) koje se nalaze na međusobnom rastojanju d . Talasi reflektovani o čvorove rešetke, koji se razlikuju u fazi za ceo broj talasnih dužina $n\lambda$, interferuju, a svako odstupanje u fazi od ovih

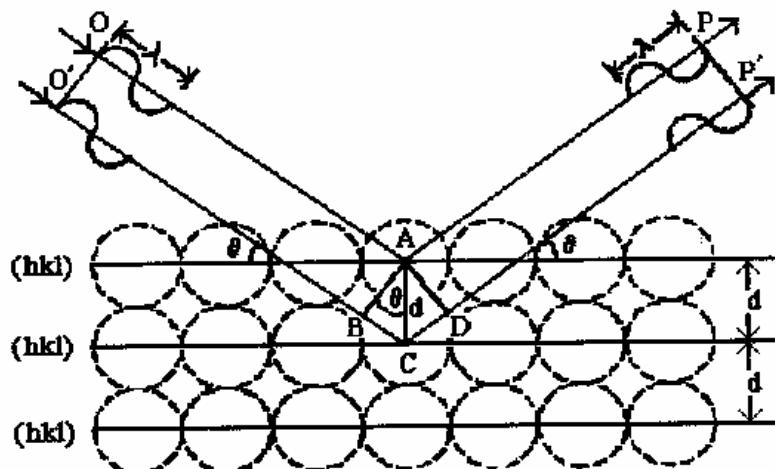
vrednosti rezultuje smanjenim intenzitetom "složenog" talasa (slika 3.2.). Čitava pojava se opisuje Brag-ovim zakonom difrakcije X-zraka:

$$2d \sin \theta = n\lambda \quad (3.2.)$$

gde je d -međuravansko rastojanje u kristalu, λ -talasna dužina monohromatskog X-zračenja, n -red difrakcije, θ -ugao difrakcije zraka. Svakom uglu θ za koji se dobija reflektovan talas odgovara određeno međuravansko rastojanje d , odnosno, paralelne ravni (hkl) . Za kristale kubične strukture važi relacija:

$$d = \frac{a_0}{(h^2 + k^2 + l^2)^{1/2}} \quad (3.3.)$$

gde a_0 predstavlja konstantu rešetke, a h, k, l su Miller-ovi indeksi datih ravni. Na osnovu ove relacije određuje se konstanta rešetke a_0 za date h, k, l i izračunato d iz jednačine (3.2).



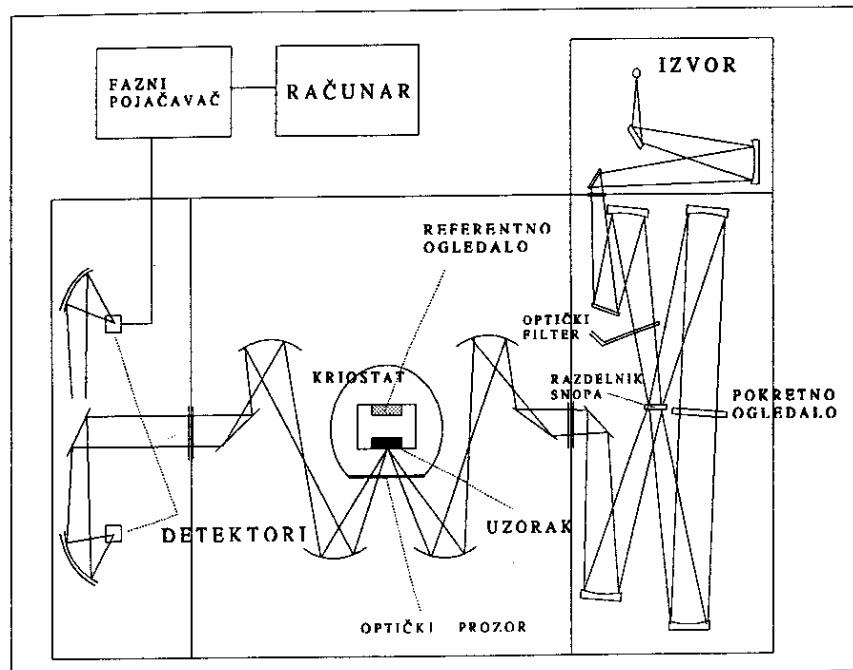
Slika 3.2. Brag-ov zakon difrakcije

3.2. Merenje reflektivnosti u dalekom infracrvenom (IC) delu spektra

U cilju određivanja optičkih svojstava našeg materijala, PbTe(Ni), mereni su spektri refleksije u dalekoj infracrvenoj oblasti.

Spektri refleksije na sobnoj i niskim temperaturama mereni su na Bruker IFS 113 spektrometru sa Oxford kriostatom na Institutu za čvrsto stanje "Max Planck" u Štutgartu.

Bruker IFS113 je Fourier-ov spektrometar koji radi u srednjoj i dalekoj IC oblasti spektra sa visokom rezolucijom. Merenja se mogu vršiti u talasnom opsegu $10\text{-}4000 \text{ cm}^{-1}$, pri čemu je potreban vakuum od 10^{-2} mmHg . Ovaj optički sistem se sastoji od odvojenih komora za izvore IC zračenja, interferometra, nosača uzorka i detektora i šematski je prikazan na slici 3.3. Ovakva konstrukcija omogućava nezavisan pristup određenim delovima kako se pri tome ne bi narušavali uslovi visokog vakuma u drugim delovima uređaja. Visoki vakuum eliminiše atmosferske apsorpcije koje u dalekoj IC oblasti mogu da zaklone slabe i uske pojave.



Slika 3.3. Šematski prikaz Bruker-ovog interferometra

Kao izvor zračenja se koristi živina lampa sa temperaturom $T=5000 \text{ K}$. Snop svetlosti se kroz optički filter usmerava u interferencionu komoru, gde se posredstvom dielektričnog delitelja snopa (*beamsplitter*) deli na dva snopa istog intenziteta. Snopovi se usmeravaju na pokretno ogledalo čije je pomeranje laserski kontrolisano. Posle ponovnog prolaska kroz delitelj snopa, dva snopa interferuju formirajući jedan snop koji se fokusira na uzorak. Reflektovana ili transmitovana svetlost sa uzorka se sistemom sočiva ili ogledala usmerava na detektor (hlađeni bolometar). Električni signal iz detektora pojačava se faznim pojačavačem (Lock-In/ADC sistemom), a zatim se obrađuje u računaru, gde može biti prikazan kao

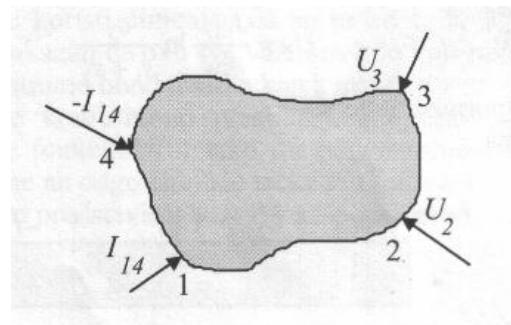
interferogram ili Fourier-transformisan u refleksioni spektar. Neophodno je meriti dva interferograma, jedan od uzorka i drugi od referentnog ogledala ("background").

Michelson-ov interferometar se koristi u Bruker IFS 113 spektrometru kao disperzionalni element. On ima sledeće karakteristike: IC zračenje je fokusirano na delitelj snopa (*beamsplitter*), upadni ugao iznosi do 10^0 od normale, korišćenjem dvostranog interferometarskog ogledala rezolucija se povećava za faktor 2. Ovakva konstrukcija daje nekoliko pogodnosti: rezolucija može da iznosi 0.03 cm^{-1} , promena *beamsplitter*-a je automatizovana, vibracije u *beamsplitter*-u su eliminisane, polarizacioni efekti su zanemarljivi.

3.3. Merenje transportnih svojstava materijala

Za određivanje specifične otpornosti, koncentracije i pokretljivosti većinskih nosilaca koristili smo Van der Pauw i Hall metodu.

Van der Pauw metoda omogućava merenje specifične otpornosti pločice uzorka proizvoljnog oblika uz sledeće zahteve: da kontakti budu omski i postavljeni na obod uzorka, da budu dovoljno mali, da je uzorak homogene debljine i da ne sadrži izolatorska ostrva. Za pripremu četiri kontakta koristili smo bakarne žice izolovane lakom. Sa njih je bilo potrebno skinuti izolaciju na krajevima, što se postiglo istovremenim potapanjem vrha žice i vrha lemilice u mešavinu istopljenog kalaja i kalofonijuma dok se lak nije istopio. Nakon toga, na uzorak je nanet kalofonijum da bi se, potom, vrh žice pričvrstio za uzorak rastopljenim lemom Pb-Sn.



Slika 3.4. Pločica sa izvedenim kontaktima u eksperimentu Hall-a i Van der Pauw-a

Kada su svi prethodni uslovi zadovoljeni i kontakti napravljeni pristupa se merenju na dve temperature: 300 K i 77 K. Najpre se kroz kontakte 1 i 4 (slika 3.4.) propušta struja zadate jačine, dok se napon meri između kontakata 2 i 3. Zatim se struja propušta kroz kontakte 1 i 2, a napon meri između kontakata 3 i 4. Dobijene vrednosti se koriste za izračunavanje specifične otpornosti na osnovu jednačine [30]

$$\rho = \frac{\pi d}{\ln 2} \frac{R_1 + R_2}{2} f\left(\frac{R_1}{R_2}\right) \quad (3.4)$$

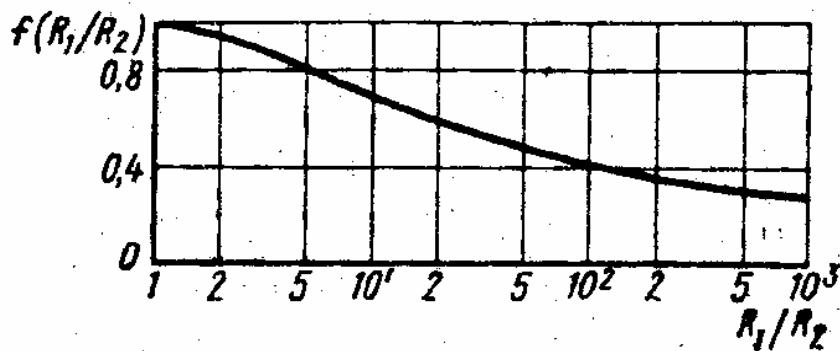
gde je d -debljina pločice, $R_1 = \frac{U_{23}}{I_{14}}$, $R_2 = \frac{U_{34}}{I_{12}}$, f je korelaciona funkcija čiji je izraz dat kao

$$f = 1 - \left(\frac{\frac{R_1}{R_2} - 1}{\frac{R_1}{R_2} + 1} \right)^2 \frac{\ln 2}{2} - \left(\frac{\frac{R_1}{R_2} - 1}{\frac{R_1}{R_2} + 1} \right)^4 \left(\frac{(\ln 2)^2}{4} - \frac{(\ln 2)^3}{12} \right). \quad (3.5)$$

Zavisnost korelacione funkcije od argumenta [30] data je na slici 3.5.

U eksperimentu je korišćen strujni izvor KEITHLEY 620 koji ima mogućnost da generiše struju u opsegu (1 nA-101 mA) uz naponsko ograničenje od najviše 105 V. Da bi dostigao tačnost od 0.1% i stabilnost od 0.01% uređaj je potrebno uključiti sat vremena pre početka merenja.

Kao merač napona korišćen je uređaj KEITHLEY 619 koji ima radni opseg od $\pm 1 \mu\text{V}$ do 200 V i ograničenje da na ulazu ne sme biti napon čija je *ems* veća od 30 V odnosno, struja koja ulazi u instrument ne sme biti veća od 30 mA.



Slika 3.5. Zavisnost korelacione funkcije od količnika otpornosti R_1 i R_2

Jačina magnetnog polja elektromagneta reguliše se jačinom struje koja protiče kroz njegove namotaje, kao i širinom vazdušnog procepa između polova magneta. U našim merenjima procep između polova magneta je fiksiran na 45 mm ($I=15\text{ mA}$) i postignuta jačina magnetnog polja iznosila je 200 mT . Uzorak je živom gumom pričvršćen za nosač koji je sastavni deo poklopca Dewar-ovog suda. Izvodi koji polaze od kontakata na uzorku provučeni su kroz vrh zaptivnog poklopca i povezani u paru sa strujnim izvorom, odnosno, meračem napona. Na obodu Dewar-ovog suda se nalazi mali otvor kroz koji se uz pomoć levka naliva tečni azot. Bitno je da tokom merenja uzorak bude potopljen u tečni azot koji isparava pa ga treba dolivati. Smatra se da je temperatura tečnog azota postignuta kada tečnost prestane da "vri" i tada treba očitavati rezultate.

Hall-ova metoda se koristi za određivanje koncentracije i pokretljivosti većinskih nosilaca poluprovodnih uzoraka. Ova metoda nameće ista ograničenja u pogledu karakteristika samog uzorka, odnosno, nanesenih kontakata kao i za primenu Van der Pauw metode. Uzorak kroz koji protiče struja izlaže se delovanju konstantnog magnetnog polja čiji je pravac normalan na pravac prostiranja struje. Pod dejstvom Lorentz-ove sile dolazi do skretanja, a potom, i nagomilavanja različito nanelektrisanih nosilaca na dva suprotna kraja uzorka. Usled toga dolazi do pojave tzv. Hall-ovog električnog polja koje se ustali nakon što broj nosilaca na površinama prestane da se povećava. Razlika potencijala između ovih površina odgovara Hall-ovom naponu (U_H). Koncentracija i pokretljivost većinskih nosilaca se izračunavaju, respektivno iz sledećih izraza:

$$n = \frac{I_H B}{U_H e d} \quad (3.6)$$

odnosno

$$\mu = \frac{1}{ne\rho}. \quad (3.7)$$

Obzirom da je struja propuštana kroz kontakte 1 i 3, Hall-ov napon je meren između kontakata 2 i 4 prema izrazu

$$U_{H24} = U_{H24}(I_{13}, B) - U_{H24}(I_{13}, 0). \quad (3.8)$$

Zbog tačnosti merenja Hall-ov napon se uzima kao srednja vrednost rezultata izmerenih za oba smera struje i oba smera magnetnog polja:

$$\bar{U}_{H24} = \frac{1}{4} (|U_{H24}(I_{13}, +B)| + |U_{H24}(I_{31}, +B)| + |U_{H24}(I_{13}, -B)| + |U_{H24}(I_{31}, -B)|). \quad (3.9)$$

3.4. Merenje toplotnih svojstava materijala fotoakustičnom metodom

Fotoakustična merna metoda zasnovana je na fotoakustičnom (FA) efektu koji predstavlja pojavu stvaranja akustičnih talasa posredstvom toplotnih pojava u materijalu koji apsorbuje modulisano optičko zračenje. Kao rezultat merenja dobija se FA signal (akustični signal) koji je posledica različitih toplotnih, elastičnih i elektronskih transportnih procesa u materijalu. On se može predstaviti izrazom

$$S(\omega) = A(\omega) e^{j\phi(\omega)} \quad (3.10)$$

gde je $A(\omega)$ -amplituda FA signala, j -imaginarna jedinica, a ω -učestanost modulacije pobudnog optičkog zraka.

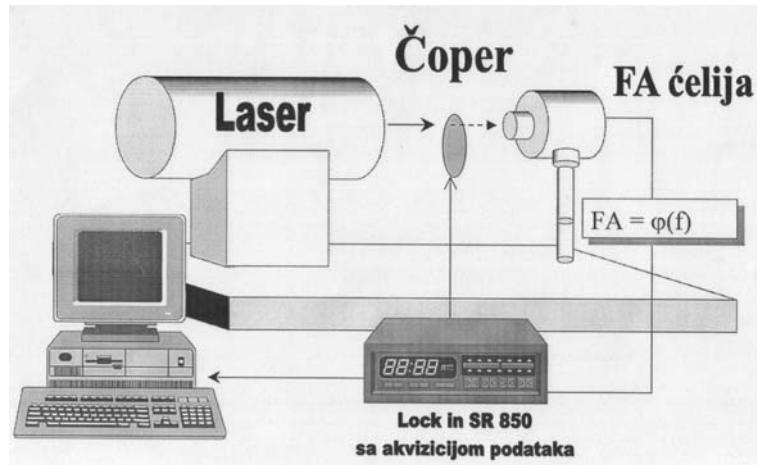
Prvi teorijski opis FA efekta u čvrstim telima dali su Rosencwaig i Gersho (1976) [31]. Oni su, za slučaj gas-mikrofonske detekcione konfiguracije, razvili model "topltnog klipa" u kome se toplotne pojave opisuju jednodimenzionalnim toplotnim difuzionim jednačinama. Prema ovom modelu, nakon apsorpcije modulisanog zraka u materijalu se generišu toplotni talasi. Oni se prostiru do zadnje površine uzorka pri tom periodično zagrevajući površinski sloj gase koji je u neposrednom kontaktu sa uzorkom. Usled toga se gas periodično širi i skuplja (kao "klip") izazivajući promene pritiska tj. pojavu akustičnih talasa- zvuka. Rosencwaig i Gersho su prepostavili da ovaj "topltni klip" zadovoljava adijabatski gasni zakon.

Ovaj model je naknadno proširen [32] do tzv. modela "kompozitnog klipa", kojim se prepostavlja da na generisani akustični signal imaju uticaja i mehaničke vibracije površine uzorka ("mehanički klip"). One su posledica termoelastičnih pojava u uzorku. "Mehanički klip" i "topltni klip" zajedno čine "kompozitni klip".

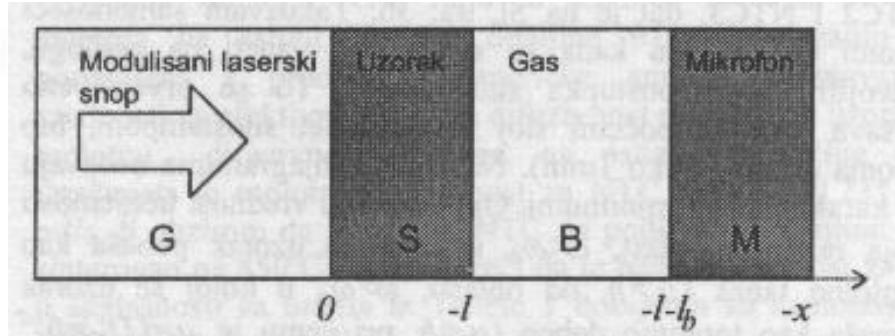
FA svojstva naših monokristalnih uzoraka PbTe(Ni) merena su primenom poluprovodničkog lasera kao svetlosnog izvora, snage 10 mW i energije $E=1.96$ eV. Laserski zrak je modulisan mehaničkim čoperom i usmeren je na prozor FA celije u koju je smešten uzorak. Uzorci su mehanički polirani na SiC papiru različite krupnoće zrna (800, 1200, 2000), a zatim dijamantskom pastom. Ovako pripremljen, svaki uzorak pojedinačno postavljan je u

kućište FA čelije (male zatvorene komore ispunjene vazduhom) gde je posredstvom vrlo tanke gumice sa malim otvorom bio u kontaktu sa elektretskim mikrofonom. Prečnik kružnog otvora na gumici iznosio je $R=3$ mm, kao i prečnik akustičnog prozora mikrofona ($\phi \approx 3$ mm). Efektivna zapremina (zapremina između uzorka i membrane elektret mikrofona) je ispunjena vazduhom i u njoj se formira akustični talas. Njega, u vidu FA signala, registruje mikrofon.

Šema korišćenog mernog sistema sa fotoakustičnom čelijom koja ima transmisionu detekcionu konfiguraciju data je na slici 3.6. Ovom mernom aparatu smo pratili promenu amplitudu i faze FA signala u funkciji učestanosti modulacije laserskog snopa. Šema poprečnog preseka FA čelije prikazana je na slici 3.7.



Slika 3.6. Šematski prikaz aparature za fotoakustična merenja



Slika 3.7. Transmisiona detekciona konfiguracija FA čelije

FA efekat u poluprovodnicima [33], koji se i ovde proučavaju, karakterišu procesi generacije, difuzije i rekombinacije slobodnih nosilaca (elektrona i šupljina) u zapremini i na površini. Pošto se nosioci periodično generišu usled periodične laserske pobude transport

nosilaca se može opisivati tzv. plazma talasima. Ukoliko je pobudna energija laserskog zraka E veća od širine zabranjene zone poluprovodnog materijala E_g , apsorbovani fotonii generišu elektrone. Razlika energija $\Delta E = E - E_g$ se brzim neradijativnim procesima transformiše u toplotu (proces termalizacije nosilaca). Prepostavlja se model bipolarnog poluprovodnika sa efektima zapreminske i površinske rekombinacije. Termalizovani parovi elektron-šupljina se haotično kreću kroz kristal do momenta rekombinacije, kojim se određuje vreme njihovog života τ . Difuzioni procesi se karakterišu koeficijentom ambipolarne difuzije D_E . Pojedini nosioci dospevaju do površine uzorka pa je veća verovatnoća da se tu i rekombinuju. Pojava površinske rekombinacije se definiše brzinama rekombinacije: s_g , na prednjoj (pobuđenoj) strani i s_b , na zadnjoj strani (okrenutoj mikrofonu).

Apsorbovan modulisan laserski zrak pobuđuje elektrone iz valentne u provodnu zonu poluprovodnika. Proces stvaranja parova elektron-šupljina zavisi od intenziteta apsorbovanog laserskog zraka $I(r,t)$, njegove energije E i koeficijenta optičke apsorpcije α . Intenzitet periodično modulisanog laserskog zraka je dat relacijom:

$$I(z,t) = \frac{I(z)}{2} [1 + m \cos \omega t] = \frac{I(z)}{2} \operatorname{Re}[1 + me^{j\omega t}] \quad (3.11)$$

dok se promena gustine fotogenerisanih nosilaca (plazma talasa) opisuje sledećom difuzionom jednačinom:

$$\left(\frac{d^2}{dz^2} - \frac{1}{L_\omega^2} \right) \Delta n(z) = I_0 (1 - R) \frac{\alpha}{2ED} e^{\alpha z} \quad (3.12)$$

gde je $L_\omega^2 = \frac{L_D^2}{1 + j\omega\tau}$, a $L_D = \sqrt{D_E\tau}$ -difuziona dužina pobuđenih nosilaca. U ovoj jednačini

se prepostavlja postojanje međuzonalne (direktne) neradijativne rekombinacije elektron-šupljina parova u zapremini poluprovodnika. Takođe se prepostavlja da je gustina fotogenerisanih elektron-šupljina parova manja od 10^{18} cm^{-3} , pa je vreme života fotogenerisanih nosilaca τ nezavisno od koncentracije, odnosno Auger-ova rekombinacija se može zanemariti. Opšte rešenje prethodne difuzione jednačine dato je relacijom:

$$\Delta n(z) = A_+ e^{\frac{z}{L_\omega}} + A_- e^{-\frac{z}{L_\omega}} + A_\alpha e^{\alpha z} \quad (3.13)$$

gde su A_+ , A_- integracione konstante, a A_α partikularni integral. Zadavanjem graničnih uslova:

$$\begin{aligned} D_E \frac{d}{dz} \Delta n(z) \Big|_{z=0} &= -s_g \Delta n(0) \\ D_E \frac{d}{dz} \Delta n(z) \Big|_{z=-l} &= s_b \Delta n(-l) \end{aligned} \quad (3.14)$$

kojima se prepostavlja da nema prostiranja plazma talasa izvan poluprovodničkog uzorka (fluks nosilaca koji dospevaju na površinu jednak fluksu rekombinovanih nosilaca) mogu se izračunati integracione konstante. One su date relacijama:

$$A_{\pm} = \pm \frac{A_{\alpha}}{A_L} \left[(1 \mp \sigma_g)(1 \pm \delta \sigma_b) e^{-\alpha l} + (1 \pm \sigma_b)(1 + \delta \sigma_g) e^{\pm \frac{l}{L_{\omega}}} \right] \quad (3.15)$$

$$A_L = (1 + \sigma_g)(1 + \sigma_b) e^{\frac{l}{L_{\omega}}} - (1 - \sigma_g)(1 - \sigma_b) e^{-\frac{l}{L_{\omega}}} \quad (3.16)$$

$$A_{\alpha} = \frac{I_0(1-R)}{2E} \frac{1}{\nu_D} \frac{\delta}{1-\delta^2} \quad (3.17)$$

gde su $\delta = \alpha L_{\omega}$, $\nu_D = \frac{D_E}{L_{\omega}}$, $\sigma_i = \frac{D_E}{s_i L_{\omega}}$ ($i=g,b$).

Generisani nosioci mogu izazvati u poluprovodnicima različite toplotne i elastične pojave putem deekscitacionih procesa. Naime, postoji više načina kako nosioci izazivaju pojavu toplotnih talasa. Drugim rečima, postoji više različitih toplotnih izvora unutar zapreminе i na površini poluprovodnika. Dominantan je proces termalizacije nosilaca koji traje veoma kratko ($\sim 10^{-11}$ s), a u toku koga fotogenerisani nosioci predaju višak svoje energije ΔE kristalnoj rešeci poluprovodnika. Ovaj proces se može modelovati kao brz toplotni izvor u uzorku, $H^T(z)$, i može se predstaviti relacijom:

$$H^T(z) = \gamma_G \frac{\alpha I_0(1-R)}{K} \frac{\Delta E}{E} e^{\alpha z} \quad (3.18)$$

gde je γ_G -kvantna efikasnost generisanja nosilaca ($\gamma_G \approx 1$), I_0 -intenzitet upadnog laserskog zraka, R -optička reflektivnost površine uzorka, K -toplotna provodnost uzorka, α -koeficijent optičke apsorpcije. Osim navedenog, FA signalu doprinose i procesi rekombinacije u zapremini i na površini uzorka jer su praćeni oslobođanjem toplote. Zapremski toplotni izvor $H^{BR}(z)$ se opisuje izrazom:

$$H^{BR}(z) = \gamma_R \frac{E_g}{K\tau} \Delta n(z) \quad (3.19)$$

gde je γ_R -koeficijent zapreminske rekombinacije ($\gamma_R \approx 1$), dok se površinski topotni izvori predstavljaju jednačinama:

$$\begin{aligned} H_g^{SR} &= s_g E_g \Delta n(0) \\ H_b^{SR} &= s_b E_g \Delta n(-l) \end{aligned} \quad (3.20)$$

Ovi tipovi topotnih izvora se svrstavaju u spore jer je vreme trajanja ovih rekombinacionih procesa između 10^{-6} i 10^{-3} s.

Raspodela temperature unutar poluprovodnog uzorka je periodična i može se predstaviti kao suma termalizacione $\Phi^T(z)$, zapreminske-rekombinacione $\Phi^{BR}(z)$ i površinsko-rekombinacione $\Phi^{SR}(z)$ komponente:

$$\Phi(z) = \Phi^T(z) + \Phi^{BR}(z) + \Phi^{SR}(z). \quad (3.21)$$

Periodične komponente temperaturne raspodele se mogu odrediti rešavanjem sistema topotnih difuzionih jednačina:

$$\left(\frac{d^2}{dz^2} - k_i^2(\omega) \right) \Phi_i(z, \omega) = \begin{cases} 0, i = g, b \\ -H_i(z, \omega), i = s \end{cases} \quad (3.22)$$

gde je $k_i(\omega) = \frac{1+j}{\mu_i(\omega)}$ kompleksni talasni broj topotnih talasa, D_T je topotna difuzivnost materijala, $\mu_i(\omega) = (\frac{2D_T}{\omega})^{1/2}$ je topotna difuziona dužina, dok $H_i(z, \omega)$ predstavlja topotne izvore u uzorku. Pretpostavlja se da se pobudno zračenje apsorbuje samo u uzorku (nema apsorpcije u gasu) tj. da topotni izvori postoje samo u uzorku. Topotni izvor u poluprovodnom uzorku dovoljno je predstaviti samo kao sumu termalizacione i zapreminske-rekombinacione komponente: $H(z) = H^T(z) + H^{BR}(z)$.

U oblasti niskih učestanosti modulacije, kada je debljina uzorka l manja od topotne difuzione dužine μ (topotno tanak uzorak) dominantan doprinos temperaturnoj raspodeli daju termalizaciona i zapreminska-rekombinaciona komponenta, a sve tri komponente sa porastom učestanosti opadaju kao $1/f$. Na učestanostima modulacije pri kojima je debljina uzorka veća od topotne difuzione dužine, $l > \mu$ (uslov za topotno debeo uzorak), termalizaciona i zapreminska-rekombinaciona komponenta opadaju sa nagibom $f \exp[-l(\pi f/D_T)^{1/2}]$. Sa daljim porastom učestanosti zapreminska-rekombinaciona komponenta ponovo menja svoj nagib zbog toga što difuziona dužina nosilaca postaje veća od topotne difuzione dužine $L_\omega > \mu$ i tada ona postaje dominantna. Prema tome, na visokim učestanostima modulacije "elektronske"

komponente (zapreminska i površinska rekombinaciona komponenta) određuju promenu temperature na zadnjoj površini uzorka.

Razvijen teorijski model za FA efekat prepostavlja da doprinos FA signalu daju pored termodifuzionog efekta i termoelastični i elektronski deformacioni efekti [34]. Stoga se FA signal S može prikazati kao suma termodifuzione S^{TD} , termoelastične S^{TE} i elektronske deformacione komponente S^{ED} :

$$S = S^{TD} + S^{TE} + S^{ED}. \quad (3.23)$$

Termodifuziona komponenta se, prema Rosencwaig-Gersho-ovom modelu [31], može opisati izrazom

$$S^{TD} = \gamma \frac{P_0}{T_0} \frac{\Phi(-l)}{k_b l_b} \quad (3.24)$$

gde je γ -adijabatska konstanta, P_0 i T_0 su pritisak i temperatura okoline, $k_b = \frac{1+j}{\mu_b}$, gde je μ_b -

termodifuziona dužina gasa u čeliji, l_b je rastojanje između uzorka i mikrofonske membrane, a l -debljina uzorka. U ovom izrazu se prepostavlja da je pozadina gas (vazduh) pa je $k_b l_b \ll 1$ i $k_b^2 \ll q_b^2$, gde je q_b -konstanta prostiranja akustičkog talasa. Termodifuziona komponenta FA signala je posledica toplotnih difuzionih procesa u uzorku i zavisi od periodične promene temperature, $\Phi(-l)$, na površini uzorka ($z=-l$).

Termoelastična komponenta opisuje termalno širenje i termoelastično savijanje površine uzorka kao posledica stvaranja toplote tokom termalizacionih i rekombinacionih procesa nosilaca. Ukoliko je uzorak izotropan, tanak disk koji ima cilindričnu simetriju oko z -ose, termoelastični pomeraj je dat izrazom za savijanje zadnje njegove površine, $u_z^{TE}(r, -l)$. Tada se termoelastična komponenta FA signala može izraziti relacijom

$$S^{TE} = \frac{\gamma P_0}{V_m} \int_0^R 2\pi r u_z^{TE}(r, -l) dr \quad (3.25)$$

gde je $V_m = R_m^2 \pi l_b$ mikrofonska detekciona zapremina, R_m i R su poluprečnici mikrofona i uzorka, respektivno. Termoelastičan pomeraj površine uzorka je zavisan od njegove srednje temperature.

Elektronska deformaciona komponenta FA signala opisuje lokalno naprezanje koje nastaje usred prisustva fotogenerisanih nosilaca, a koje uslovljava pojavu akustičnih talasa u

poluprovodnom materijalu. Elektronsko naprezanje se linearno menja sa promenom gustine fotogenerisanih nosilaca [34]

$$\varepsilon^{ES}(z) = d\Delta n(z) \quad (3.26)$$

gde $d = \frac{1}{3} \left(\frac{\partial E_G}{\partial p} \right)_T$ predstavlja promenu energijskog procepa sa pritiskom pri konstantnoj

temperaturi. Ona izaziva pomeranje površine uzorka, a definiše se slično termoelastičnoj komponenti:

$$S^{ED} = \frac{\gamma P_0}{V_m} \int_0^R 2\pi r u_z^{ED}(r, -l) dr \quad (3.27)$$

gde je $u_z^{ED}(r, -l)$ elastično savijanje površine uzorka.

3.5. Elektronska disperziona spektroskopija (EDS)

EDS je efikasna metoda za određivanje sastava materijala tj. identifikaciju elemenata u uzorcima, a radi u sklopu skanirajuće elektronske mikroskopije (SEM). Ova tehnika koristi X-zrake emitovane iz uzorka za vreme bombardovanja elektronskim snopom. Tokom bombardovanja uzorka elektronskim snopom iz SEM-a pojedini elektroni površinskih atoma bivaju izbačeni. Nastalu vakanciju popunjava elektron sa višeg nivoa pri čemu se emituje X-zrak kao posledica zakona održanja energije za ova dva elektrona različite energije veze. EDS detektor meri broj emitovanih X-zraka u zavisnosti od energije. Obzirom da je energija X-zraka karakteristika elementa iz koga je X-zrak emitovan, dobijeni spektar energije u zavisnosti od relativnog odbroja detektovanih X-zraka je korišćen za kvalitativnu i kvantitativnu analizu elemenata prisutnih u ispitivanom uzorku.

Ispitivanja naših uzoraka ovom metodom su izvršena u Grupi za fiziku čvrstog stanja na Univerzitetu Aristotel u Solunu.

3.6. Emisiona spektrohemijska analiza (ESA)

Sadržaj Ni, kao mikroelementa u PbTe, određivan je emisionom spektrohemijskom metodom na spektrografu velike disperzije sovjetske proizvodnje Model STE-1, koji ima kombinaciju rešetke i prizme. Sprašeni uzorci PbTe(Ni) su izmešani sa grafitom u odnosu 1:1

i sa 30 mg ove smeše su ispunjene grafitne anode. Uzorci su sagorevani do kraja u jednosmernom luku, pri jačini struje od 10A i u kontrolisanoj atmosferi (Ar+O), sa rastojanjem elektroda od 5 mm i primenom rotirajućeg stepenog sektora sa odnosom 2:1. Spektrogrami su snimljeni na mikrofilmu EFKA N. Intenziteti analitičkih linija su mereni u odnosu na linije germanijuma kao unutrašnjeg standarda. Celokupna preciznost metode iznosila je $\pm 12\%$. Tačnost je kontrolisana pomoću međunarodnih referentnih uzoraka (USGS-G-1, USGS-W-1, ZGI-TB, ZGI-KH, *Flanagan*, 1973; BX-N i DT-N, *de la Roche* i *Govindaraju*, 1973).

Emisiona spektrohemiska analiza naših uzoraka je urađena na Rudarsko-geološkom fakultetu u Beogradu.

3.7. Auger-ova elektronska spektroskopija (AES)

Auger-ova elektronska spektroskopija (AES) predstavlja jednu od najčešće korišćenih tehniki za analizu površinskih slojeva uzorka. Uzorak se ozračuje snopom visokoenergijskih elektrona (2-50 keV) koji imaju dovoljnu energiju da ionizuju sve elektronske nivoe atoma lakših elemenata i niže (*core*) nivoe (*K*, *L*) u atomima težih elemenata. Upadni elektroni uspevaju da izbjigu pojedine elektrone iz *core* stanja atoma sa površine uzorka. Upravnjeno mesto se može popuniti elektronom iz spoljašnje ljske tog istog atoma što je praćeno oslobađanjem razlike u energiji između ova dva nivoa. Ukoliko se ova energija preda nekom elektronu iz spoljašnje ljske on biva izbačen iz atoma sa energijom $E=E_{core}-(E_{S1}+E_{S2})$, gde su S_1 i S_2 elektronska stanja u spoljašnjoj ljsuci. Energije orbitala u atomu su specifične za svaki element pojedinačno, te stoga na osnovu dobijenog Auger-ovog spektra se može odrediti sastav površine, a u nekim slučajevima i vrsta veze prisutnih atoma (*bonding state*). Auger-ov spektar prikazuje raspodelu emitovanih elektrona po kinetičkoj energiji, pri čemu svaki element u uzorku daje karakterističan spektar sa pikovima (maksimumima intenziteta signala) na svojstvenim kinetičkim energijama. Intenzitet signala je proporcionalan broju emitovanih Auger-ovih elektrona. Energija elektrona emitovanih sa površine materijala najčešće je u opsegu 50 eV do 3 keV.

AES merenja na našim uzorcima su urađena na Institutu "Jožef Štefan" u Ljubljani.

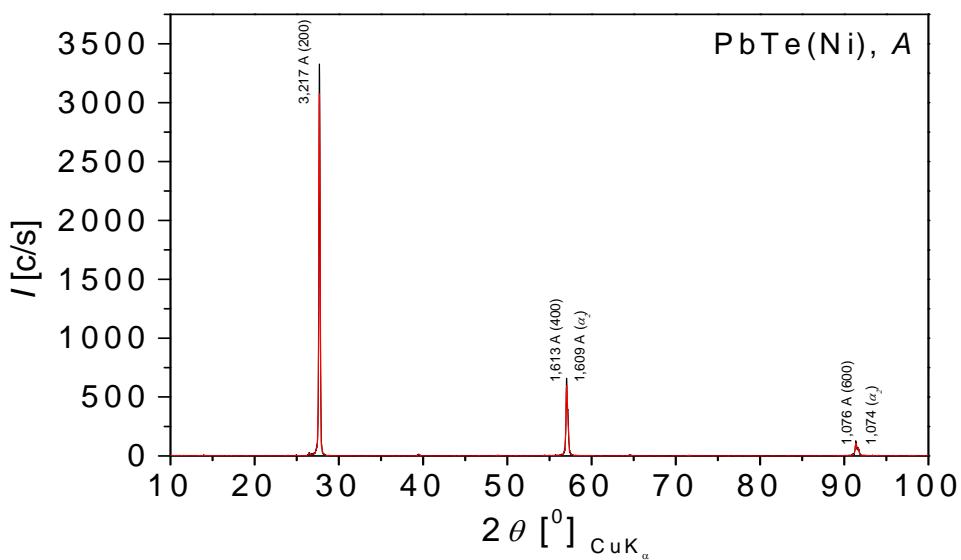
4. REZULTATI MERENJA

4.1. Rezultati EDS i ESA

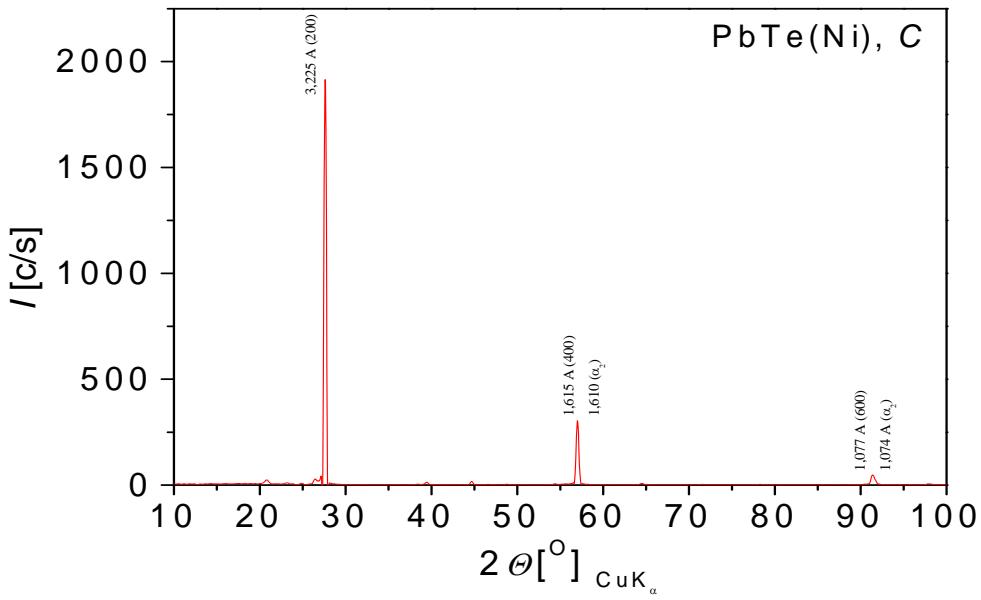
EDS metodom je utvrđena koncentracija Ni samo u jednom uzorku PbTe(Ni) i ona iznosi 0.29 % Ni (u daljem tekstu: uzorak A). ESA metodom je izvršena analiza sastava oba uzorka koja je pokazala da drugi uzorak ima malo veći sadržaj nikla (u daljem tekstu: uzorak C). Očekivani sadržaj Ni u uzorku C nalazi se u intervalu (0.8-1) %.

4.2. Rezultati rendgenostrukturne analize

Na slikama 4.1. i 4.2. je dat prikaz spektara difrakcije (difraktograma) uzoraka A i C, sa jasnim pikovima i naznačenom pripadnošću kristalnim ravnima. Brojčani podaci koji odgovaraju prikazanim difraktogramima dati su u tabelama 4.1. i 4.2. Ovim rezultatima je potvrđeno da oba uzorka imaju monokristalnu kubičnu strukturu rešetke. Upotrebom postojećeg programa za izračunavanje srednje vrednosti konstante kubne rešetke na osnovu snimljenih difraktograma dobijene su vrednosti: $a(\text{PbTe(Ni)-A})=6.455(4)\text{\AA}$, odnosno $a(\text{PbTe(Ni)-C})=6.460(2)\text{\AA}$.



Slika 4.1. Spektar difrakcije uzorka A



Slika 4.2. Spektar difrakcije uzorka C

Ovom metodom nije bilo moguće ustanoviti uticaj prisutnog Ni na konstantu kristalne rešetke PbTe zbog toga što je njegova količina vrlo mala. Očekivali bismo da bi tek koncentracija od oko 5% Ni ugrađenog u rešetku PbTe izazvala merljivu promenu parametra rešetke.

Tabela 4.1. Podaci dobijeni rendgenostruktturnom analizom uzorka A (θ -ugao difrakcije, d -meduravansko rastojanje, I -relativan intenzitet pika, hkl -Miller-ovi indeksi)

$2\theta [^{\circ}]$	$d [\text{\AA}]$	$I [\%]$	(hkl)
24.965	3.564	0.5	
26.490	3.362	1	
27.710	3.217	100	(200)
39.500	2.28	0.5	
46.555	1.949	0.5	
48.885	1.862	0.5	
51.130	1.785	0.5	
54.380	1.686	0.5	
57.035	1.613	19	(400)
57.220	1.609	10	(400)
64.535	1.443	0.5	
66.545	1.404	0.5	
71.634	1.316	0.5	(422)
88.785	1.101	0.5	
91.400	1.076	4	(600)
91.695	1.074	2	(600)
97.335	1.026	0.5	
98.015	1.021	0.5	(620)

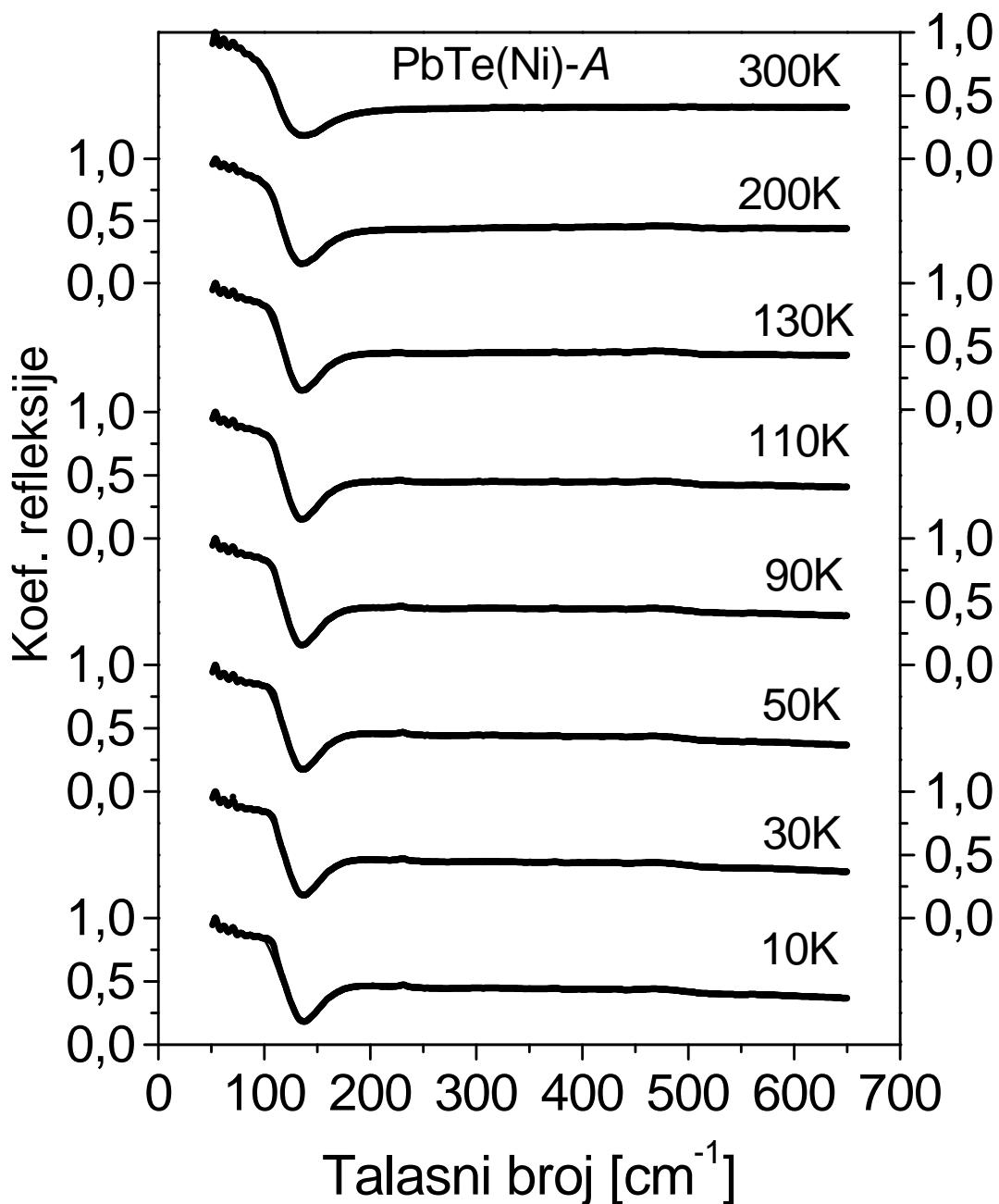
Tabela 4.2. Podaci dobijeni rendgenostrukturnom analizom uzorka C (θ -ugao difrakcije, d -meduravansko rastojanje, I -relativan intenzitet pika, hkl -Miller-ovi indeksi)

$2\theta [^\circ]$	$d [\text{\AA}]$	$I [\%]$	(hkl)
10.125	8.729	1	
10.365	8.528	1	
14.295	6.191	1	
20.820	4.263	1	
23.235	3.825	1	(111)
24.890	3.574	1	
26.415	3.371	1	
27.640	3.225	100	(200)
37.630	2.388	1	
39.480	2.281	1	(200)
44.695	2.026	1	
48.810	1.864	1	(222)
54.420	1.685	1	
56.970	1.615	12	(400)
57.155	1.610	7	(400)
61.749	1.501	1	(331)
62.035	1.495	1	
64.550	1.443	1	(420)
71.600	1.317	1	(422)
78.420	1.219	1	(511)
79.275	1.208	1	
91.340	1.077	2	(600)
91.675	1.074	1	(600)
97.905	1.021	1	

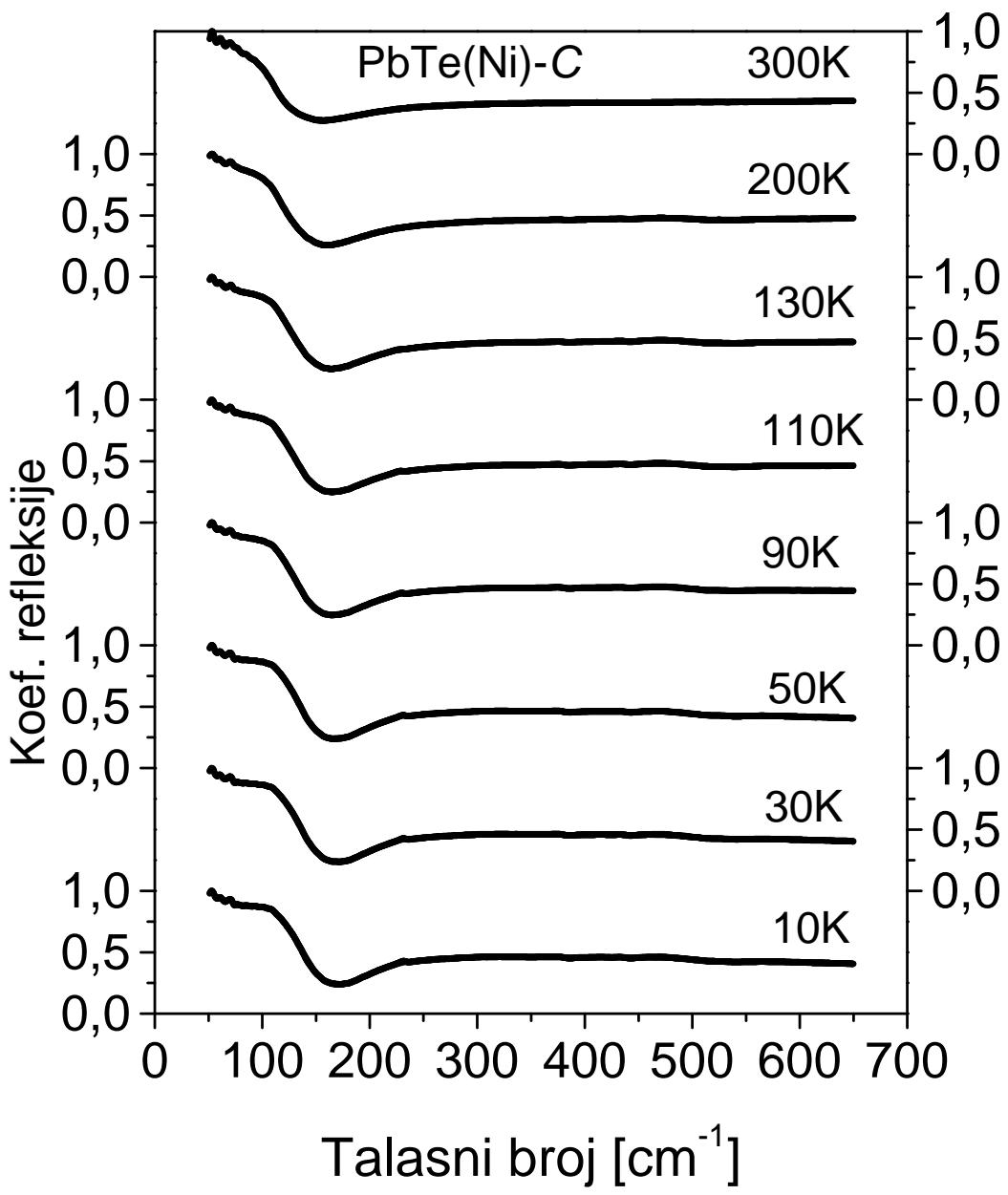
4.3. Rezultati merenja u dalekoj infracrvenoj oblasti spektra

Infracrvena spektroskopija je veoma često korišćena metoda za proučavanje uskozonskih poluprovodnih materijala. Zahvaljujući polarnosti molekula PbTe tj. posedovanja dipolnog momenta koji se menja tokom vibracija rešetke karakterističnim učestanostima, oву vrstu kristala je moguće ispitivati metodom IC spektroskopije. Zbog jasno izraženih rezonantnih pojava u dalekom infracrvenom delu spektra navedena metoda pruža informaciju o fononskim osobinama i primesnim stanjima za ovu vrstu materijala. Monokristalni uzorci niklom dopiranog PbTe grade kubnu, površinski centriranu NaCl rešetku koja ima aktivne IC modove. Pošto nisu prozirni mogu se koristiti za merenje koeficijenta refleksije.

Izgled refleksionih spektara u IC oblasti veoma zavisi od koncentracije slobodnih nosilaca nanelektrisanja. Kolicina dopanata ima neposredan uticaj na koncentraciju slobodnih nosilaca.



Slika 4.3. Spekttri refleksije PbTe(Ni) -A u temperaturnom opsegu 10-300K



Slika 4.4. Spektri refleksije PbTe(Ni)- C u temperaturnom opsegu 10-300K

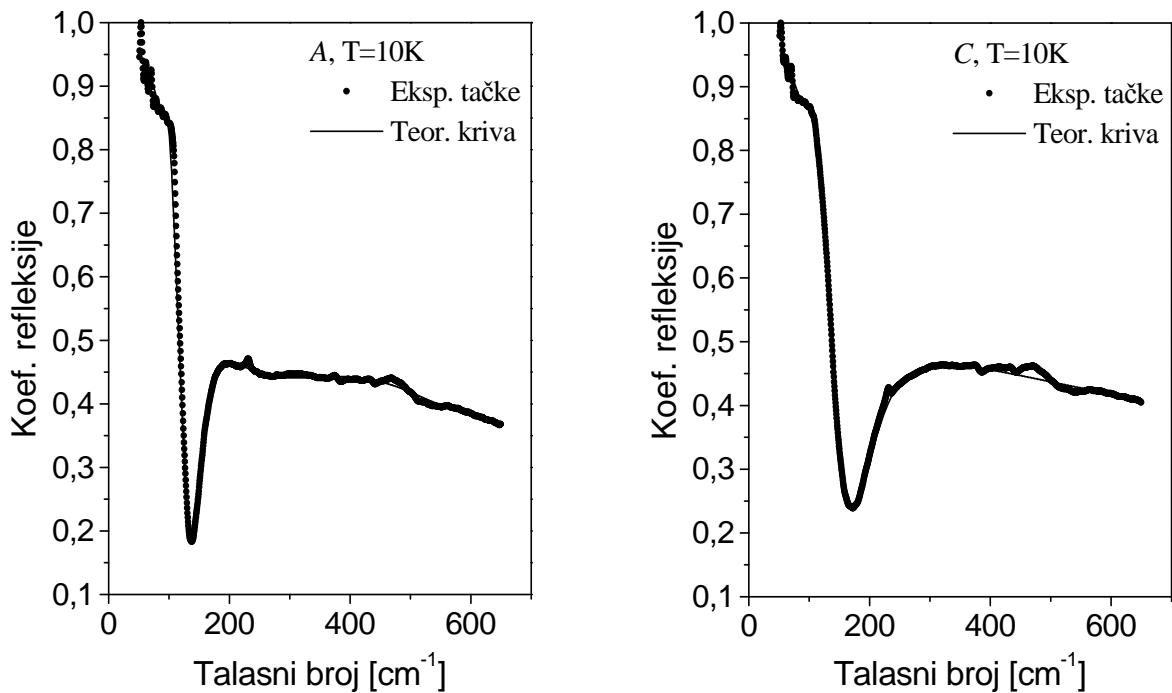
Naša merenja su sprovedena na dva uzorka PbTe(Ni) (A i C) sa različitim sadržajem Ni. Infracrveni refleksioni spektri su mereni u talasnem opsegu 50-700 cm⁻¹ i temperaturnom opsegu 10K-300K. IC refleksioni spektri za ove monokristalne uzorke su prikazani na slikama 4.3.-4.7.

Minimum refleksije se javlja na oko 135 cm⁻¹ za uzorak A, odnosno, na oko 165 cm⁻¹ za uzorak C. Uočavamo da se pri snižavanju temperature položaj globalnog minimuma za

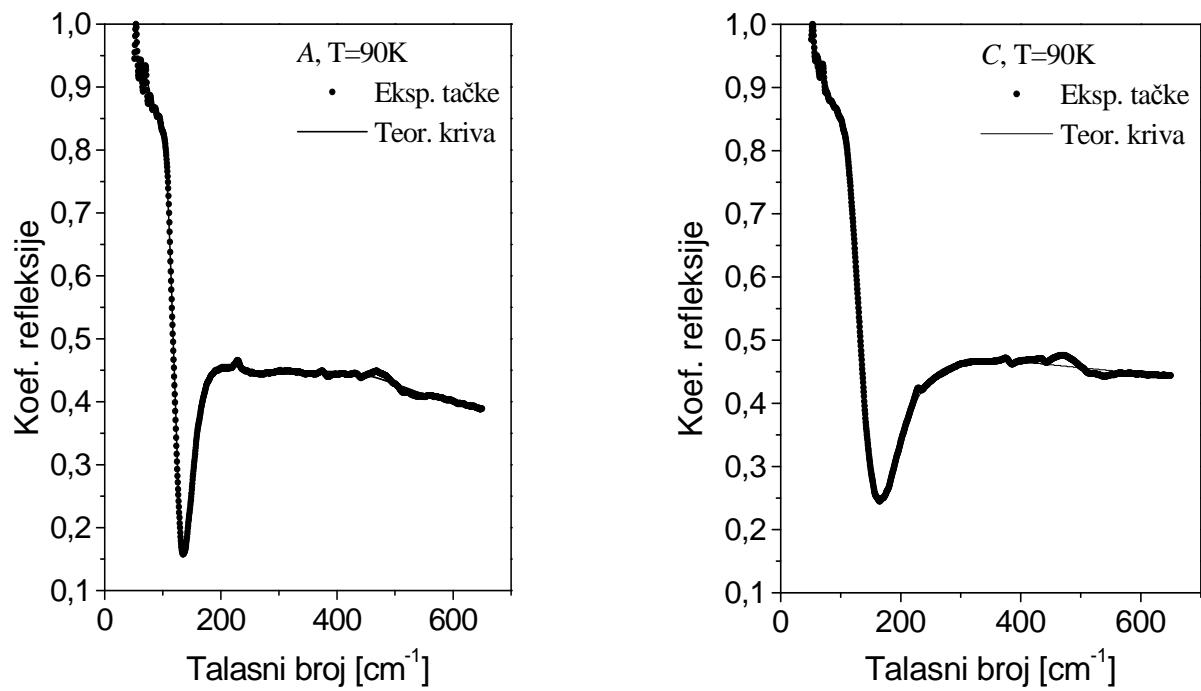
uzorak A vrlo malo pomera ka višim talasnim brojevima, dok je za uzorak C ova tendencija neznatno izraženija. Pored toga, primetna je razlika u dubini globalnog minimuma refleksionih spektara za dva različita uzorka.

Na učestanostima nižim od globalnog minimuma kod oba uzorka primetni su slabo izraženi lokalni maksimumi refleksije, na 61 cm^{-1} i 70 cm^{-1} koji se ispoljavaju na svim temperaturama.

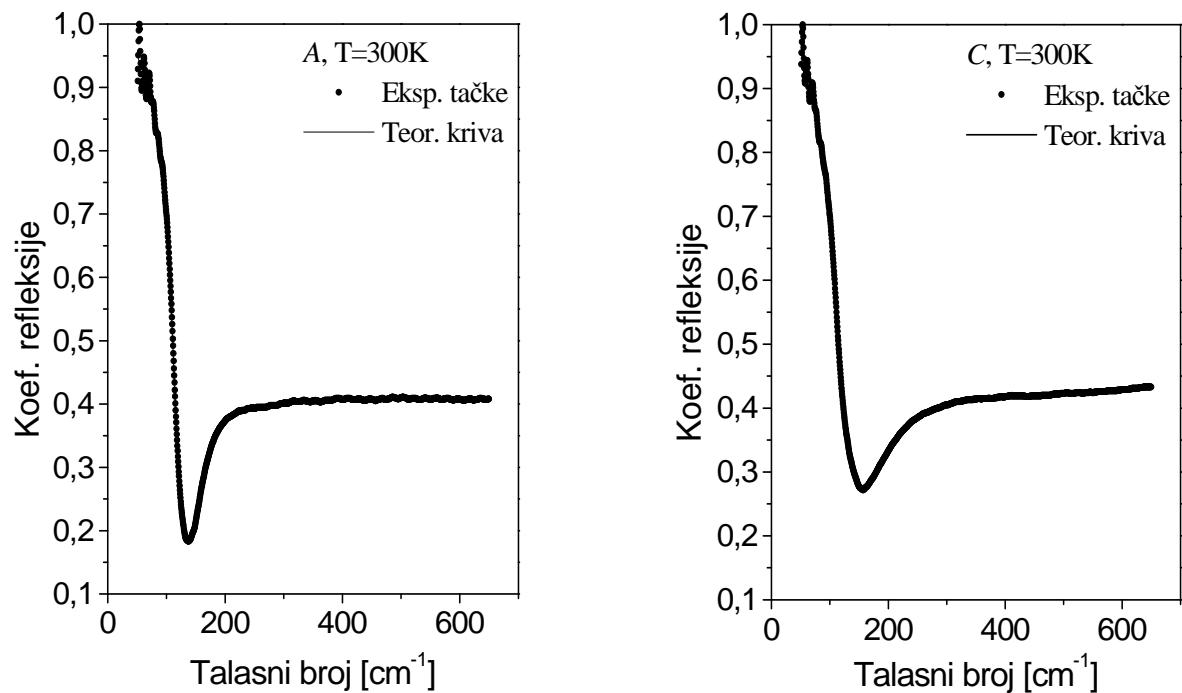
Takođe, na učestanostima većim od učestanosti globalnog minimuma uočavaju se maksimumi refleksije na 230 cm^{-1} i 460 cm^{-1} , koji dolaze do izražaja na temperaturama nižim od sobne (počev od 200 K naniže). Položaji nabrojanih pikova (maksimuma refleksije) ne menjaju se sa promenom temperature, niti sa promenom koncentracije nikla.



Slika 4.5. Spektar refleksije na temperaturi $T=10\text{K}$ za uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-A}$ (levo) odnosno uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-C}$ (desno)



Slika 4.6. Spektar refleksije na temperaturi $T=90\text{K}$ za uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-A}$ (levo) odnosno uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-C}$ (desno)



Slika 4.7. Spektar refleksije na temperaturi $T=300\text{K}$ za uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-A}$ (levo) odnosno uzorak $\text{PbTe}(\text{Ni})\text{-C}$ (desno)

4.4. Rezultati merenja metodama Van der Pauw i Hall-a

Van der Pauw i Hall-ovim merenjima određene su specifična električna otpornost (ρ), koncentracija (n) i pokretljivost (μ) slobodnih nosilaca na dve temperature, 300K i 77K. Rezultati merenja transportnih veličina za uzorke A i C dati su u tabelama 4.3. i 4.4., respektivno. Oba uzorka su n -tipa, pa se transportni parametri odnose na elektrone kao većinske nosioce. Primetno je, i kod uzorka A i kod uzorka C, da se pri nižoj temperaturi (77K) specifična otpornost i koncentracija elektrona malo smanjuju, a pokretljivost elektrona povećava u odnosu na vrednosti pri sobnoj temperaturi. Koncentracije većinskih nosilaca su reda veličine 10^{15} - 10^{16} cm⁻³, što je značajno niža vrednost u odnosu na koncentraciju većinskih nosilaca u čistom PbTe ($n \sim 10^{18}$ - 10^{19} cm⁻³).

Vrednosti za pokretljivost elektrona na sobnoj i niskoj temperaturi su istog reda veličine kao i literaturne vrednosti [25] za čist PbTe ($\mu_n(300K)=1.73 \times 10^3$ cm²/Vs, $\mu_n(77K)=3.16 \times 10^4$ cm²/Vs). Ipak, pokretljivost elektrona na 300K za uzorak A je nešto veća, a za uzorak C manja od vrednosti za pokretljivost čistog PbTe.

Tabela 4.3. Rezultati Hall-ovih merenja na uzorku PbTe(Ni)-A

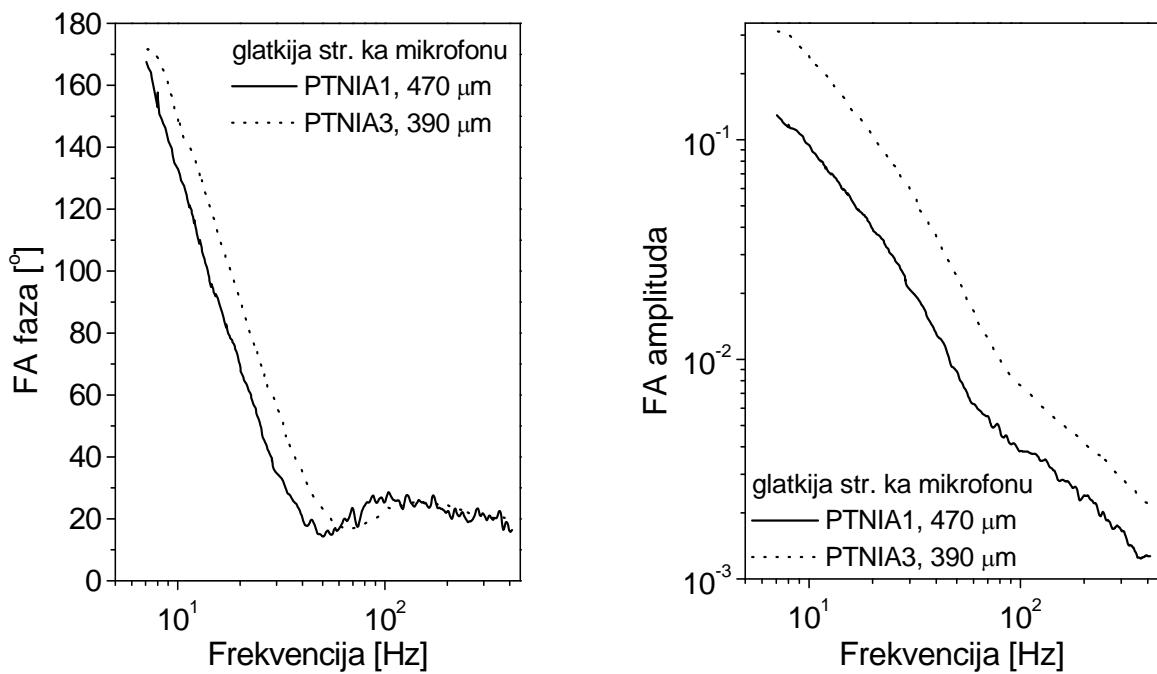
T [K]	n [cm⁻³]	μ [cm²/Vs]	ρ [Ωcm]
77	5.16×10^{15}	1.5×10^4	0.081
300	9.1×10^{15}	2.8×10^3	0.245

Tabela 4.4. Rezultati Hall-ovih merenja na uzorku PbTe(Ni)-C

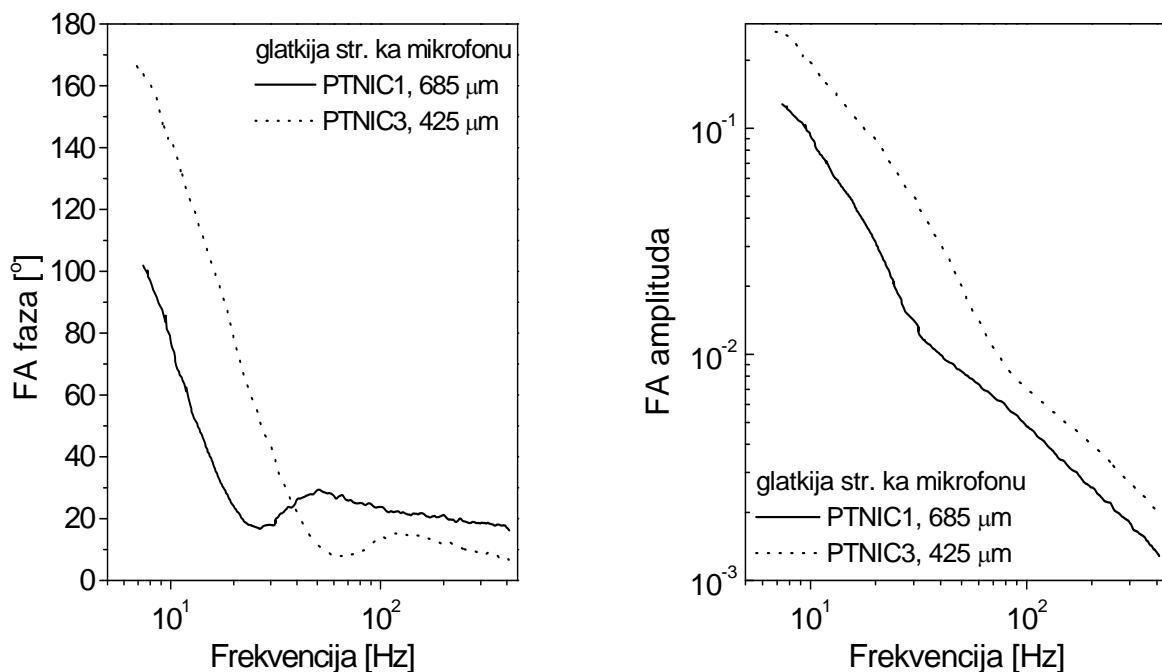
T [K]	n [cm⁻³]	μ [cm²/Vs]	ρ [Ωcm]
77	1.85×10^{16}	1.08×10^4	0.031
300	2.43×10^{16}	1.13×10^3	0.227

4.5. Rezultati merenja fotoakustičnom metodom

Ovom metodom, koja je detaljno opisana u odeljku 3.3., izmerili smo fazu i amplitudu FA signala u funkciji učestanosti modulacije laserskog snopa (fazni i amplitudski spektar) za uzorke A i C. Snimani su FA spektri uzorka čija je debljina postupno snižavana postupkom poliranja. Na slici 4.8 su prikazani fazni i amplitudski spektri za uzorak A debljine 470 μm i



Slika 4.8. Fazni (levo) i amplitudski (desno) FA spektar za dve debljine uzorka PbTe(Ni)-A



Slika 4.9. Fazni (levo) i amplitudski (desno) FA spektar za dve debljine uzorka PbTe(Ni)-C

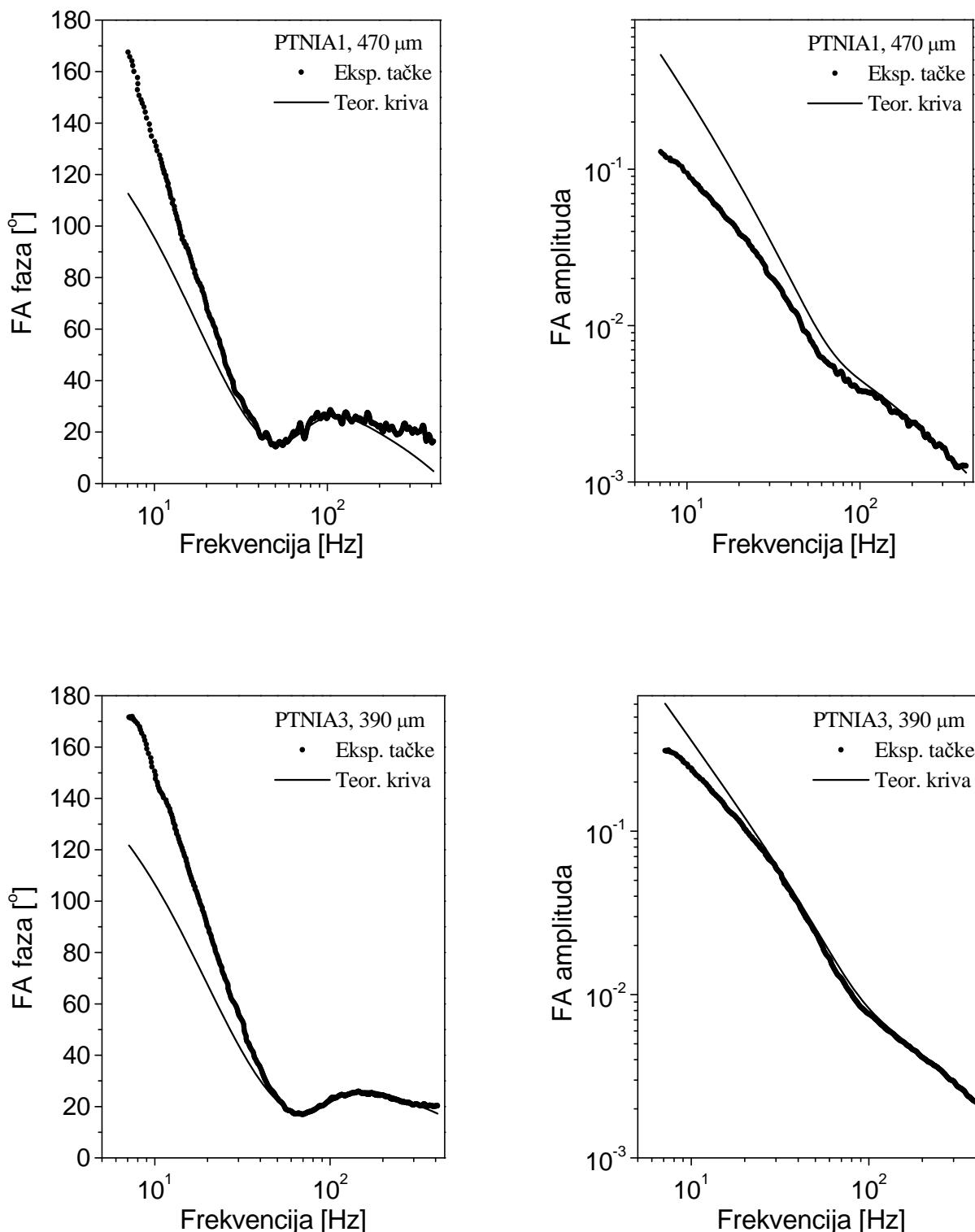
390 μm , kada je uzorak okrenut glatkijom stranom ka mikrofonu. Takođe, FA spektri za uzorak C za debljine 685 μm i 425 μm su predstavljeni na slici 4.9. FA spektri su snimljeni i za položaj uzorka kada su hrapavijom stranom okrenuti ka mikrofonu, koji su vrlo slični navedenima, pa smo njihov prikaz izostavili.

Numeričkom analizom izmerenih FA spektara određivali smo neke topotne i elektronske transportne parametre poluprovodničkog materijala PbTe(Ni) kroz postupak usaglašavanja teorijskih FA signala sa eksperimentalnim. Teorijski FA signali se izračunavaju na osnovu višeparametarskog modela, opisanog u poglavlju 3.3., a po kome je napravljen program za fitovanje. Ovaj program omogućava korisniku da bira parametre koje će fitovati, bilo da je u pitanju samo jedan, više njih ili svi istovremeno. Takođe, korisnik ima mogućnost da bira "korak" promene parametara u toku fitovanja, kao i njihove granične vrednosti (najmanju i najveću dozvoljenu vrednost). Greške u postupku fitovanja se procenjuju po jednom od četiri moguća kriterijuma:

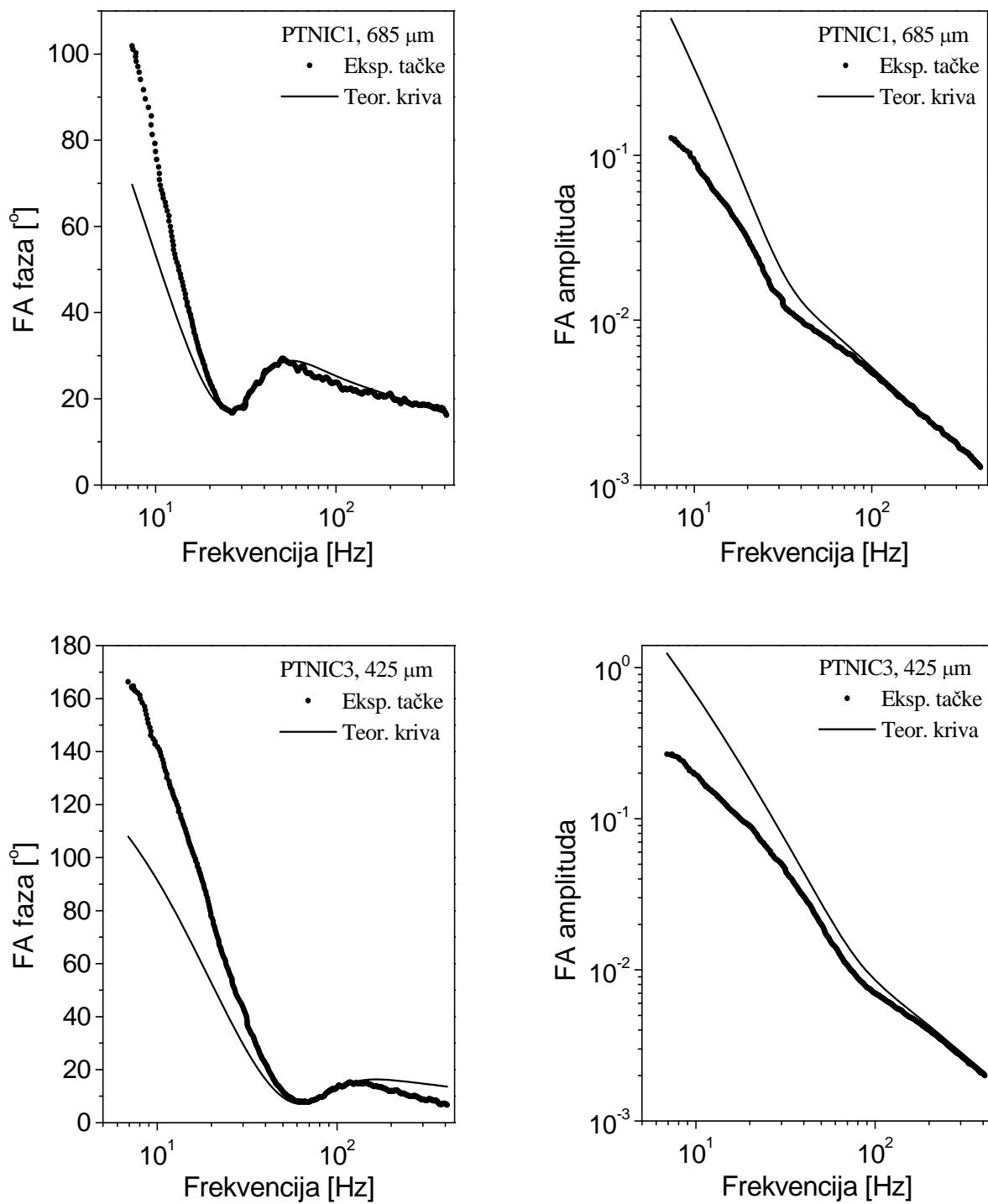
- a) suma apsolutnih razlika između eksperimentalnih i računatih vrednosti
- b) suma kvadrata razlike između eksperimentalnih i računatih vrednosti
- c) suma relativnih grešaka
- d) suma kvadrata relativnih grešaka.

Rezultati usaglašavanja eksperimentalnih i teorijskih spektara u vidu najpovoljnijih parametara za naša dva uzorka su dati u tabelama 4.5. i 4.6., gde je d -debljina uzorka, D -koeficijent difuzije manjinskih nosilaca, τ -vreme relaksacije generisanih nosilaca, α -koeficijent optičke apsorpcije, D_T -topotna difuzivnost materijala, s_g i s_b -brzina rekombinacije generisanih nosilaca na prednjoj odnosno zadnjoj strani uzorka. Teorijske (ufitovane) krive su predstavljene punom linijom na slikama 4.10. i 4.11.

Primećuje se da usaglašenost teorijskih i eksperimentalnih krivih (pre svega amplitudskih) nije zadovoljavajuća na učestanostima nižim od 100 Hz. Razlog tome je slabija osetljivost elektretskog mikrofona u opsegu niskih učestanosti dok u opsegu 100 Hz do 600 Hz mikrofon ima linearnu karakteristiku.



Slika 4.10. Fazni (levo) i amplitudski (desno) dijagrami uzorka PbTe(Ni)-A debljine 470 μm , odnosno, 390 μm kada je uzorak glatkijom stranom okrenut ka mikrofonu. Punom linijom su prikazani teorijski (ufitovani) dijagrami, a tačkicama-eksperimentalni rezultati.



Slika 4.11. Fazni (levo) i amplitudski (desno) dijagrami uzorka PbTe(Ni)-C debljine 685 μm , odnosno, 425 μm kada je uzorak glatkijom stranom okrenut ka mikrofonu. Punom linijom su prikazani teorijski (ufitovani) dijagrami, a tačkicama-eksperimentalni rezultati.

Tabela 4.5. Vrednosti FA parametara određene postupkom numeričke analize (fitovanja) za uzorak PbTe(Ni)-A

uzorci	PTNIA1	PTNIA2	PTNIA3	PTNIA4	PTNIA1/ PTNIA3	PTNIA2/ PTNIA4
orientacija glatkije strane uzorka	ka mikrofonu	ka laseru	ka mikrofonu	ka laseru	ka mikrofonu	ka laseru
d [μm]	470	470	390	390	470/390	470/390
D [m^2/s]	2.25×10^{-3}	2.39×10^{-3}	2.38×10^{-3}	2.39×10^{-3}	2.38×10^{-3}	2.38×10^{-3}
τ [s]	3.24×10^{-4}	2.48×10^{-4}	2.35×10^{-4}	2.67×10^{-4}	3.15×10^{-4}	2.48×10^{-4}
α [m^{-1}]	2.6×10^4	2.7×10^4	9.6×10^4	3.4×10^4	2.6×10^4	2.7×10^4
s_b [m/s]	0.9	1.1	3.1	3.1	1.3	1.1
s_g [m/s]	0.4	0.25	0.64	0.25	0.42	0.25
D_T [m^2/s]	1.86×10^{-6}	1.87×10^{-6}	1.86×10^{-6}	1.87×10^{-6}	1.86×10^{-6}	1.87×10^{-6}

Tabela 4.6. Vrednosti FA parametara određene postupkom numeričke analize (fitovanja) za uzorak PbTe(Ni)-C

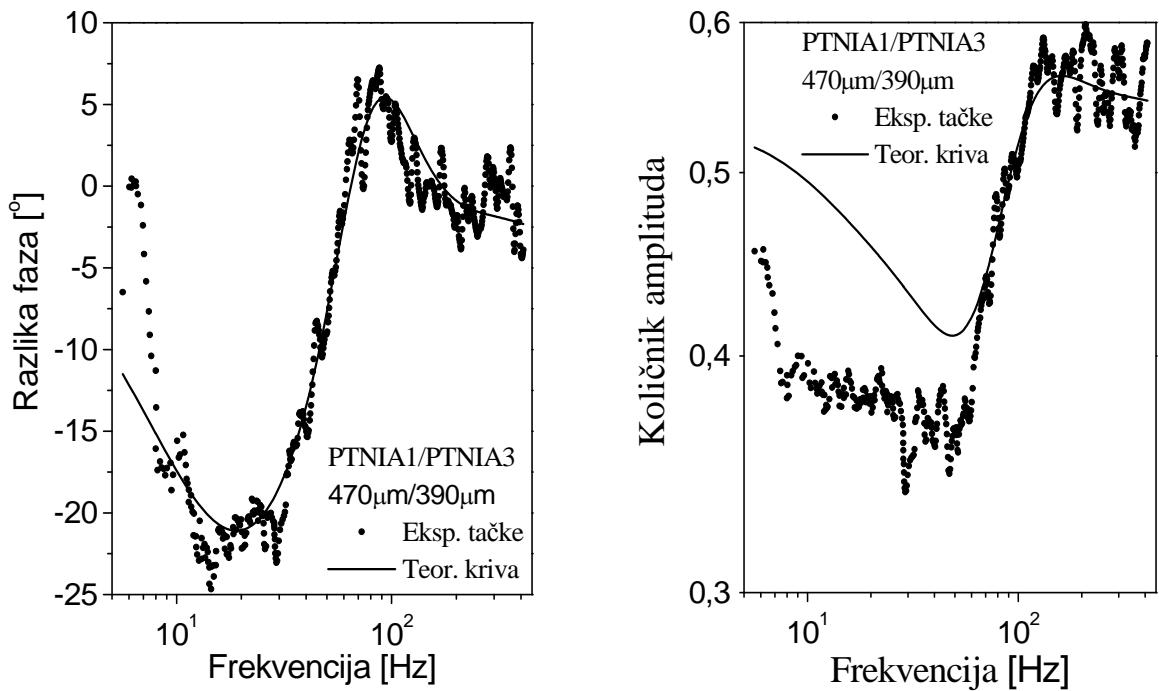
uzorci	PTNIC1	PTNIC2	PTNIC3	PTNIC4	PTNIC1/ PTNIC3	PTNIC2/ PTNIC4
orientacija glatkije strane uzorka	ka mikrofonu	ka laseru	ka mikrofonu	ka laseru	ka mikrofonu	ka laseru
d [μm]	685	685	425	425	625/425	625/425
D [m^2/s]	2.18×10^{-3}	2.17×10^{-3}	2.18×10^{-3}	2.18×10^{-3}	2.18×10^{-3}	2.17×10^{-3}
τ [s]	3.81×10^{-5}	3.18×10^{-5}	1.74×10^{-4}	1.14×10^{-5}	1.36×10^{-4}	3.3×10^{-4}
α [m^{-1}]	9.2×10^4	9.4×10^4	1.6×10^4	1.5×10^4	1.8×10^4	2.1×10^4
s_b [m/s]	24.2	50.2	10.3	47	105	118
s_g [m/s]	25.3	33.9	48	9.3	45	52
D_T [m^2/s]	1.64×10^{-6}	1.65×10^{-6}	1.63×10^{-6}	1.64×10^{-6}	1.64×10^{-6}	1.65×10^{-6}

Očigledno je, dakle, da treba izvršiti korekciju eksperimentalnih dijagrama uzimajući u obzir frekventne karakteristike elektretskega mikrofona. U tu svrhu se najčešće koristi tanka aluminijumska folija kao referentni uzorak. Daleko bolji način je određivanje uporednih

(normalizovanih) fotoakustičnih dijagrama na osnovu pojedinačnih FA spektara izmerenih za dve različite debljine jednog istog uzorka. Na ovaj način se dobija odnos dva FA signala u funkciji učestanosti modulacije laserskog snopa koji, niti zavisi od karakteristika mikrofona, niti od mernog sistema,

$$\frac{\delta P_1(\omega)}{\delta P_2(\omega)} = A_m e^{j\Delta\varphi} \quad (4.1)$$

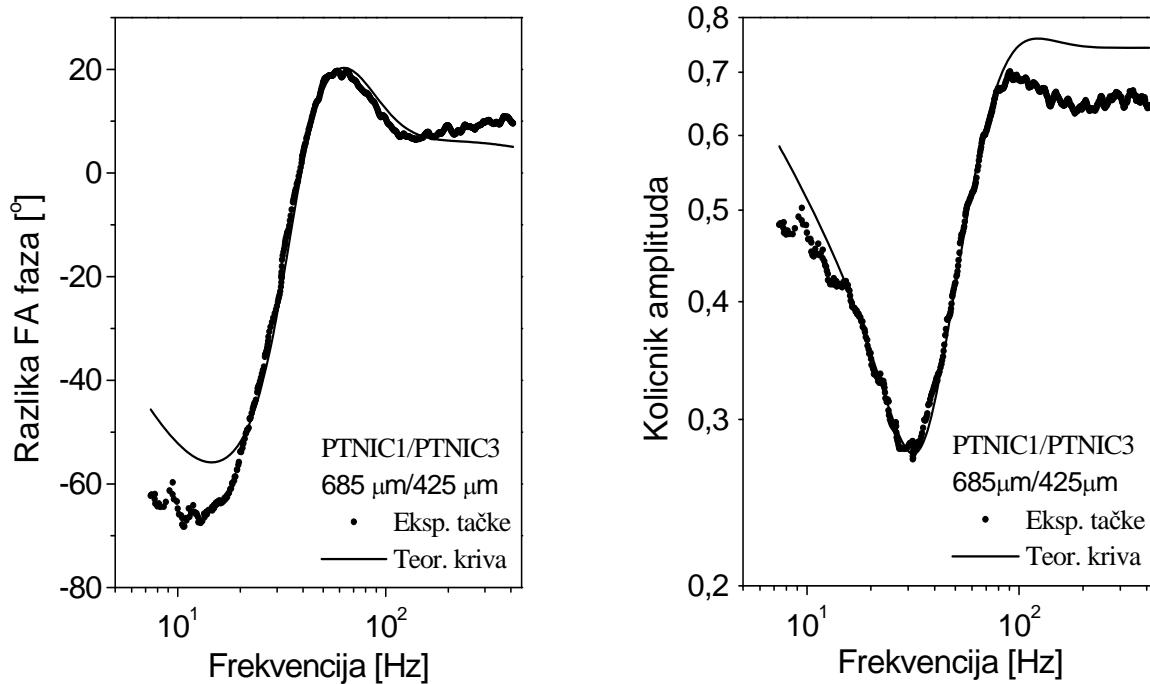
gde je A_m -odnos amplituda, a $\Delta\varphi$ -razlika faza za FA signale merene za dve različite debljine jednog istog uzorka.



Slika 4.12. FA dijagram razlike faza (levo) i količnika amplitude (desno) za dve debljine uzorka PbTe(Ni)-A

Na slici 4.12. su prikazani dijagrami razlike faze i odnosa amplituda FA signala u funkciji učestanosti modulacije laserskog snopa, za uzorak A čija je početna debljina bila 470 μm , a koja je postupkom poliranja smanjena na 390 μm . Punom linijom su predstavljeni teorijski dijagrami dobijeni u postupku fitovanja parametara. Njihove vrednosti su date u tabeli 4.5. zajedno sa vrednostima parametara izračunatih na osnovu pojedinačnih nenormalizovanih FA dijagrama prikazanih na slici 4.10. Potpuno ista procedura sprovedena

je za uzorak C za dve njegove debljine $685 \mu\text{m}$ i $425 \mu\text{m}$. Vrednosti za parametre određene kroz postupak fitovanja normalizovanih dijagrama prikazane su u tabeli 4.6., a sami dijagrami su predstavljeni na slici 4.13.



Slika 4.13. FA dijagram razlike faza (levo) i količnika amplitude (desno) za dve debljine uzorka PbTe(Ni)-C

Primećujemo da je kvalitet (stepen) usaglašenosti eksperimentalnih i teorijskih dijagrama nešto bolji nego u slučaju pojedinačnih spektara, ali nije jednako dobar u čitavom mernom opsegu učestanosti.

5. ANALIZA I DISKUSIJA REZULTATA

5.1. Daleki IC spektri refleksije i Auger-ova elektronska spektroskopija

Sprovedena numerička analiza refleksionih spektara zasnovana je na sledećem izrazu za dielektričnu propustljivost:

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{\infty} \frac{\prod_{j=1}^{m+n} (\omega^2 + i\gamma_{lj}\omega - \omega_{lj}^2)}{\omega^m \prod_{j=1}^m (\omega + i\gamma_{pj}) \prod_{j=1}^n (\omega^2 + i\gamma_{tj}\omega - \omega_{tj}^2)} \prod_{n=1}^p \frac{\omega^2 + i\gamma_{Ln}\omega - \omega_{Ln}^2}{\omega^2 + i\gamma_{0n}\omega - \omega_{0n}^2} \prod_{k=1}^q \frac{\omega^2 + i\gamma_{Lo_k}\omega - \omega_{Lo_k}^2}{\omega^2 + i\gamma_{To_k}\omega - \omega_{To_k}^2} \quad (5.1)$$

koji, pored ostalog, uzima u obzir postojanje spregnutih plazmon-fonon modova. Naime, kod ove vrste materijala ispoljava se jaka interakcija između čistog longitudinalnog moda osnovnog kristala i moda plazme.

Za slučaj jednokomponentne plazme ($m=1$), kako je i u našem slučaju, vrednost plazma učestanosti može se odrediti na osnovu relacije [35]:

$$\prod_{j=1}^{n+1} \omega_{lj}^2 = \omega_p^2 \prod_{j=1}^n \omega_{tj}^2 \quad (5.2)$$

a ako je $n=1$ onda ω_{l1} i ω_{l2} odgovaraju plazmon-fonon modovima, a ω_{t1} -učestanosti transverzalnog moda ω_{TO} osnovnog kristala.

Spareni plazmon-fonon modovi se definišu kao nule realnog dela dielektrične funkcije (5.1) i dati su relacijom:

$$2\omega_{l1,l2} = \omega_{LO}^2 + \omega_p^2 \pm \left[(\omega_{LO}^2 + \omega_p^2)^2 - 4\omega_p^2\omega_{TO}^2 \right]^{1/2} \quad (5.3)$$

U izrazu (5.1) prvim količnikom se modeluje sparivanje m plazmona i n fonona, drugim-fononski modovi primese, a trećim-nespareni fononski modovi osnovnog kristala. U jednačinama (5.1) i (5.2) označke ω_{lj} i γ_{lj} predstavljaju učestanosti i prigušenja spregnutih plazmon-fonon modova, ω_p i γ_p -učestanost i prigušenje plazme, ω_{tj} i γ_{tj} -učestanosti i prigušenja transverzalnih fonona, ω_{Ln} , ω_{0n} , γ_{Ln} , γ_{0n} učestanosti i prigušenja koja odgovaraju modovima primese, ω_{Lo_k} , ω_{To_k} , γ_{Lo_k} , γ_{To_k} učestanosti longitudinalnih i transverzalnih nesparenih fonona osnovnog kristala i njihova prigušenja i ε_{∞} -visokofrekventna dielektrična propustljivost.

Analiza IC spektara vršena je postupkom numeričkog podešavanja optičkih parametara (učestanosti oscilatora i njihovih prigušenja) u cilju što boljeg usaglašavanja teorijski dobijene krive sa eksperimentalnim tačkama refleksionog spektra. Ovaj postupak se radi uz pomoć računskog programa za teorijski model opisan jednačinom (5.1), napravljenog u našoj grupi. On daje mogućnost i manuelnog i automatskog fitovanja po jednom od četiri izborna kriterijuma za računanje greške (stepena neusaglašenosti eksperimentalne i teorijske krive). Na ovaj način smo određivali optičke parametre (učestanosti i prigušenja oscilatora) i visokofrekventnu dielektričnu propustljivost u zavisnosti od temperature.

Za dobijanje polaznih vrednosti parametara korišćena je *Kramers-Krönig-ova (KK)* analiza refleksionih spektara. I ona je urađena upotrebom već navedenog programa i omogućava izračunavanje optičkih parametara (realnog (ε_1) i imaginarnog (ε_2) dela kompleksne dielektrične propustljivosti, realnog (n) i imaginarnog (k) dela kompleksnog indeksa prelamanja) u funkciji talasnog broja upadnog zračenja na osnovu izmerenog spektra refleksije $R(\omega)$. Obzirom na granice integracije u KK relacijama

$$\varepsilon_1(\omega) = 1 + \frac{2}{\pi} P \int_0^{\infty} \frac{\omega' \varepsilon_2(\omega') d\omega'}{(\omega')^2 - \omega^2} \quad (5.4)$$

$$\varepsilon_2(\omega) = -\frac{2\omega}{\pi} P \int_0^{\infty} \frac{\varepsilon_1(\omega') d\omega'}{(\omega')^2 - \omega^2} \quad (5.5)$$

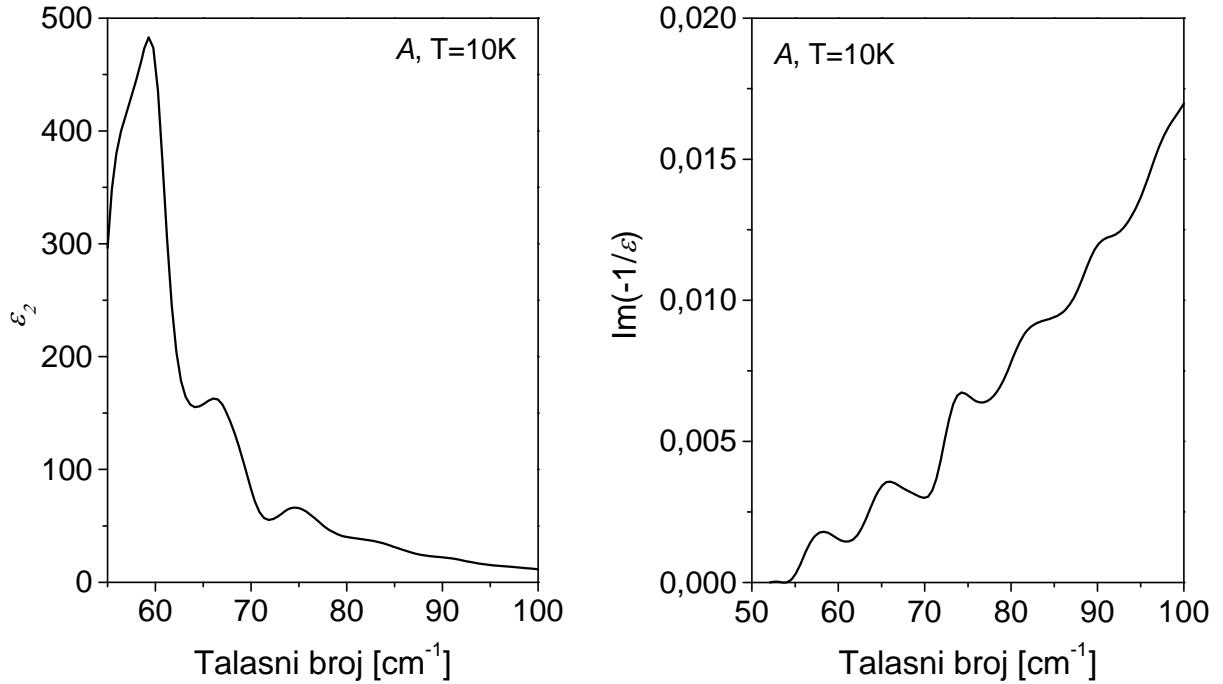
gde je P - Cauchy-jeva glavna vrednost integrala

$$P \int_0^{\infty} \equiv \lim_{a \rightarrow \infty} \left(\int_0^{\omega-a} + \int_{\omega+a}^{\infty} \right) \quad (5.6)$$

idealno bi bilo imati refleksioni spektar u frekventnom intervalu od 0 do ∞ Hz, što je svakako nemoguće. Eksperimentalni podaci su poznati u konačnom frekventnom intervalu zbog čega se mora pribeti ekstrapolaciji izvan ovog opsega. I pored toga, KK analiza ne daje sasvim dobre rezultate pa se najčešće kombinuje sa metodom fitovanja po nekom usvojenom modelu za dielektričnu propustljivost. Ipak, vrednosti za učestanosti i prigušenja modova dobijene iz KK analize koriste se kao polazne vrednosti za fitovanje koje se dalje variraju kako bi se postiglo najbolje slaganje sa eksperimentalnim podacima.

KK analizom se mogu odrediti približne vrednosti transverzalnih i longitudinalnih optičkih modova na osnovu položaja maksimuma imaginarnog dela kompleksne dielektrične permitivnosti, $\varepsilon_2(\omega)$, i imaginarnog dela recipročne vrednosti kompleksne dielektrične

permitivnosti, $\text{Im}(-1/\varepsilon(\omega))$, respektivno. Rezultati KK analize refleksionih spektara izmerenih na 10K za naša dva uzorka PbTe(Ni) prikazani su na slikama 5.1. i 5.2. Na dijagramima zavisnosti $\varepsilon_2(k)$ i $\text{Im}(-1/\varepsilon)$ za oba uzorka jasno se izdvaja po nekoliko maksimuma. Očitane vrednosti maksimuma ovih funkcija tj. parova TO-LO modova su prikazane u Tabeli 5.1.

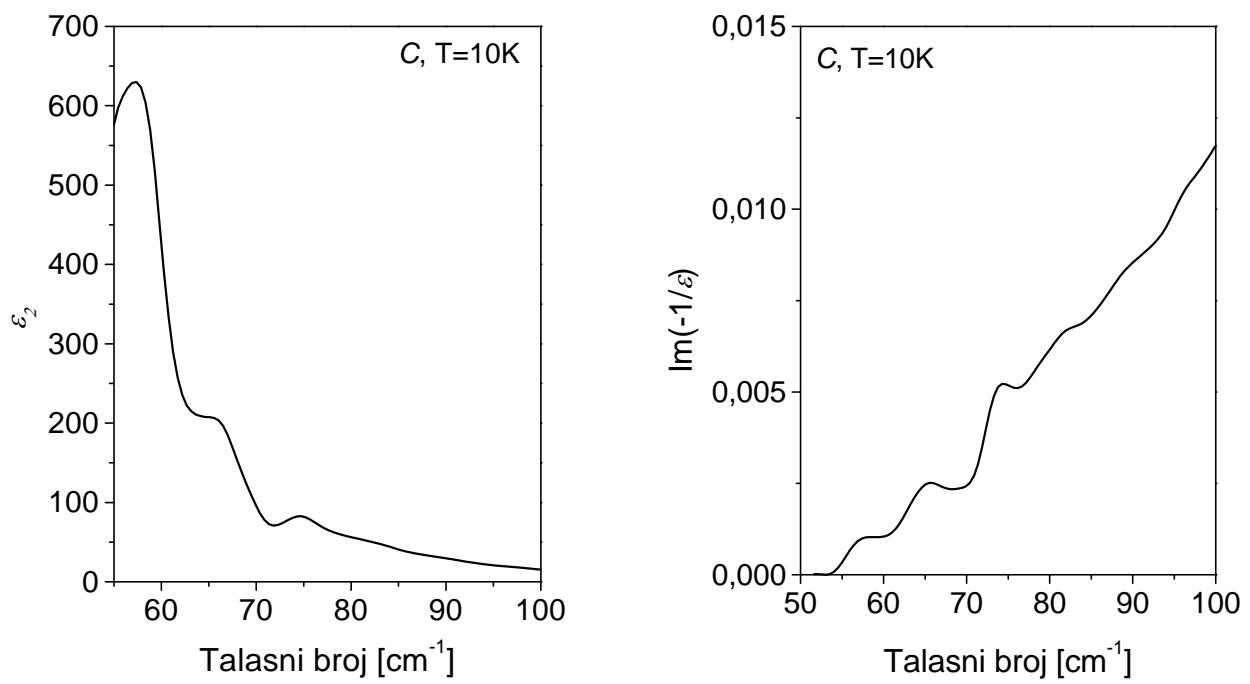


Slika 5.1. Skraćeni spektri KK analize funkcija ε_2 i $\text{Im}(-1/\varepsilon)$ za uzorak PbTe(Ni)-A

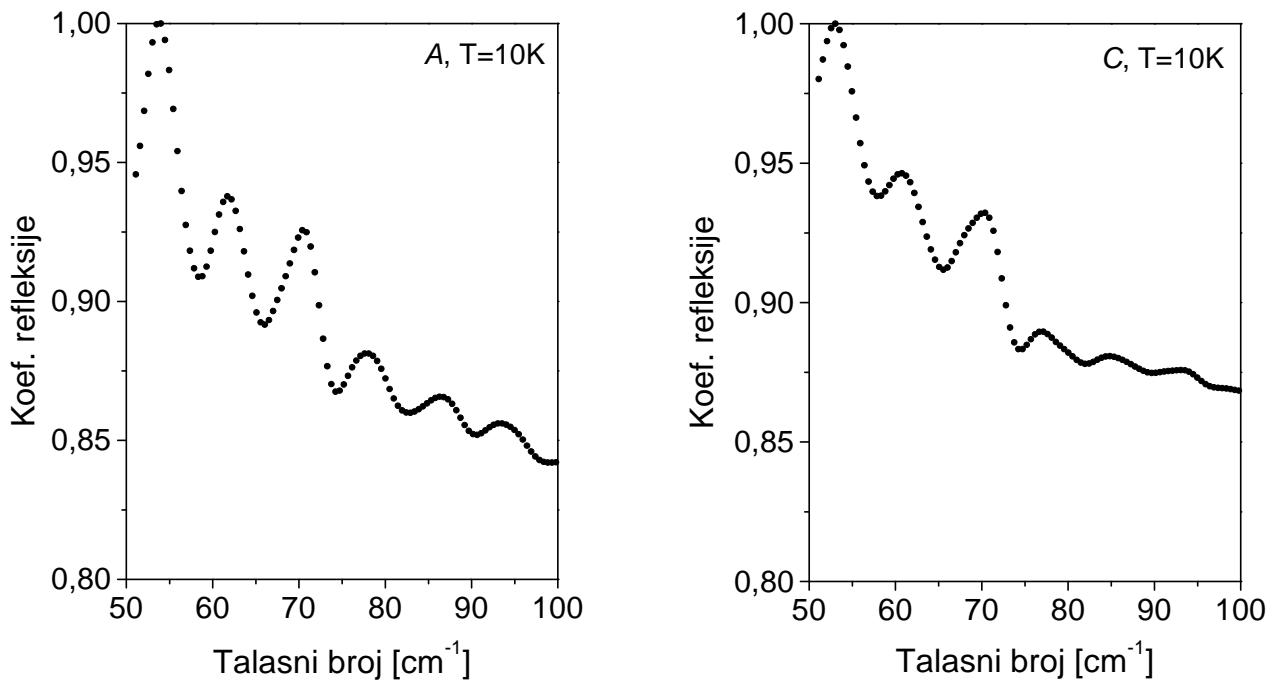
Tabela 5.1. Očitane vrednosti maksimuma za ε_2 i $\text{Im}(-1/\varepsilon)$ sa dijagraoma KK analize za uzorce PbTe(Ni)- A i C

Uzorak	A			C		
Max(ε_2) [cm ⁻¹]	59.5	66.4	74.6	57.3	66.2	74.6
Max(Im($1/\varepsilon$)) [cm ⁻¹]	57	65.7	74	58	65.3	74.4

Istovremeno je na slici 5.3. dat prikaz IC refleksionih spektara u skraćenom intervalu talasnih brojeva između 50cm^{-1} i 100cm^{-1} kako bi se mogli jasno videti oscilatori na početku mernog intervala. Jasno se ispoljavaju transverzalni modovi na oko 53cm^{-1} , 61cm^{-1} i 70cm^{-1}



Slika 5.2. Skraćeni spektri KK analize funkcija ε_2 i $\text{Im}(-1/\varepsilon)$ za uzorak PbTe(Ni)-C



Slika 5.3. Skraćeni spektar refleksije na temperaturi $T=10K$ za uzorak A (levo) odnosno C (desno)

(slika 5.3.). Iako podudarnost između očitanih pikova za TO modove sa dijagrama $\varepsilon_2(k)$ i pikova na dijagramu $R(k)$ nije idealna smatramo da je prihvatljiva i u granicama greške. Postojanje TO modova na 50cm^{-1} i 70cm^{-1} je potvrđeno u literaturi [36] i pripisuje se osnovnom kristalu PbTe, dok će priroda moda na 61 cm^{-1} biti objašnjena u nastavku diskusije.

Polazna vrednost za ε_∞ u postupku fitovanja je računata na osnovu izraza:

$$\varepsilon_\infty = \left(\frac{1 + \sqrt{R_\infty}}{1 - \sqrt{R_\infty}} \right)^2 \quad (5.7)$$

gde je R_∞ -eksperimentalna vrednost koeficijenta refleksije očitana na gornjoj granici mernog intervala talasnih brojeva [37].

Vrednosti parametara dobijene u slučaju najboljeg usaglašavanja eksperimentalnog i teorijskog spektra refleksije za talasni opseg $50\text{-}700\text{ cm}^{-1}$ date su u tabelama 5.2. i 5.3.. Dijagrami IC spektara refleksije uzoraka A i C na tri različite odabранe temperature prikazani su na slikama 4.5.-4.7. Eksperimentalne tačke su predstavljene kružićima, a teorijske krive-punom linijom.

Tabela 5.2. Optički parametri dobijeni najboljim usaglašavanjem eksperimentalnog i teorijskog spektra za uzorak A u opsegu $50\text{-}700\text{ cm}^{-1}$

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
ε_∞	33.87	33.15	32.5	32	31.55	31.45	30.64	29.68
ω_p	118.84	118.44	118.17	117.82	117.36	117.32	117.08	116.54
ω_t	18.3	20.53	22.48	24.51	26.64	28.64	31.15	32.2
γ_t	8	3.1	4.6	1.9	2.1	3.8	3.5×10^{-3}	5.2×10^{-3}
ω_I	16.34	18.33	20.1	22.04	23.84	25.67	28.08	29.12
ω_{I2}	133.1	132.58	132.16	131.03	131.14	130.9	129.88	128.87
γ_{I1}	3.6	3.2	7.4	2.2	1.7	3.5	2.7	4.7
γ_{I2}	25.2	21.8	23.2	21.7	22.4	25.4	30	44.8
ω_b	61.33	61.33	61.33	61.33	61.33	61.33	61.13	61.0
γ_b	31.5	31.4	22.7	38.1	39.9	32.2	27.8	31.7
ω_L	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0	59.1	57.0
γ_L	41.5	30.6	21.2	86.2	86.5	54.9	57.8	72.7
ω_{ILO}	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0
ω_{ITO}	97.4	96.7	97.8	81.6	73.7	74.9	78.1	65.9
γ_{ILO}	90.4	89.5	96	97.4	96.6	95.4	96.9	93.4
γ_{ITO}	27.2	29.6	27.6	26.1	26.8	30	28	33.5
ω_{2LO}	105	105	105	105	105	105	105	105
ω_{2TO}	115.1	115	115.1	115.6	115.6	115.1	115.3	115.3
γ_{2LO}	31.6	40	33.1	38.2	37.6	42.2	39	51.8
γ_{2TO}	411.7	350	362	745	700	608	964	1400

Tabela 5.3. Optički parametri dobijeni najboljim usaglašavanjem eksperimentalnog i teorijskog spektra za uzorak C u opsegu 50-700 cm⁻¹

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
ϵ_∞	33.4	32.44	31.95	30.84	30.54	29.42	29.31	28.87
ω_p	139.1	138.97	138.44	137.81	137.12	136.66	135.93	133.51
ω_t	18.0	20.26	22.38	24.36	26.46	28.37	30.28	32
γ_1	168	146	176	371	355	266	32.4	33
ω_{l1}	16.33	18.42	20.29	22.13	24.23	26.11	28.22	30.27
ω_{l2}	153.32	152.85	152.7	151.7	149.74	148.49	145.85	141.14
γ_{l1}	2.3	0.5	1.6	1.1	1.5	1	1.5	0.4
γ_{l2}	50.5	51.1	50	52	55.8	54	62.3	80
ω_b	61.0	61.0	61.0	61.0	61.0	61.0	61.0	61.0
γ_b	5.2	7	5	2.8	6.4	3.4	6.7	3.6
ω_L	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0	57.0
γ_L	137.8	131.9	204.6	155.5	93.7	172.8	165.8	121.2
ω_{ILO}	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0	70.0
ω_{2LO}	102.4	102.4	102.4	102.4	102.4	102.4	102.4	102.4
γ_{1LO}	134.2	240	134	250	198	284	198	347
γ_{2LO}	22.8	24.2	21	23.2	20.2	22	21.2	20
ω_{ITO}	105	105	105	105	105	105	105	105
ω_{2TO}	113.7	113.7	113.7	113.7	113.7	113.7	113.7	113.7
γ_{ITO}	28.7	32.6	28.9	30.1	22.2	27.2	24.6	19.4
γ_{2TO}	150.5	282	284.5	367.5	315	419	1660	1670

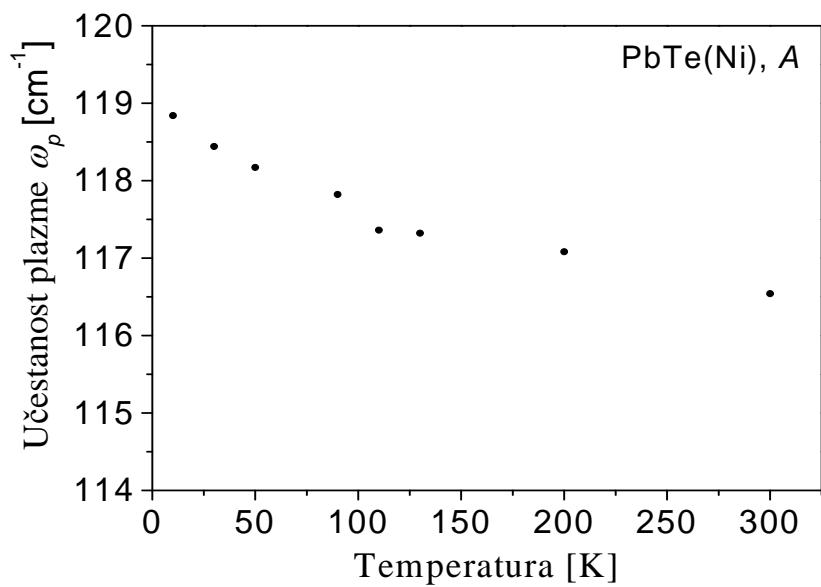
Očigledno je, sa [sliku 4.3. i 4.4.](#), da se položaj minimuma refleksije za oba uzorka vrlo malo menja sa temperaturom. Kod uzorka A on se javlja na oko 135 cm⁻¹, odnosno na oko 165cm⁻¹ za uzorak C. Obzirom da se minimum refleksije za čist PbTe registruje na oko 300 cm⁻¹ na 300K [38], zaključujemo da pomeranje minimuma refleksije ka nižim vrednostima kod PbTe(Ni) potiče od prisustva Ni kao dopanta. Učestanost plazme, računata na osnovu jednačine (5.2) za oba uzorka

$$\omega_p = \frac{\omega_{l1}\omega_{l2}}{\omega_t} \quad (5.8)$$

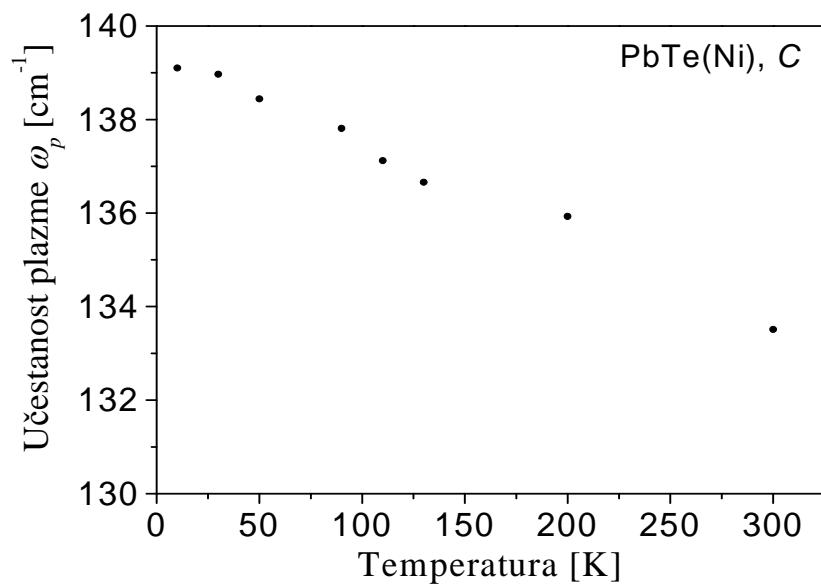
se malo menja pokazujući tendenciju blagog porasta kada se temperatura snižava ([slike 5.4. i 5.5.](#)). Obzirom da važi relacija

$$\omega_p^2 = \frac{ne^2}{\epsilon_0 \epsilon_\infty m^*} \quad (5.9)$$

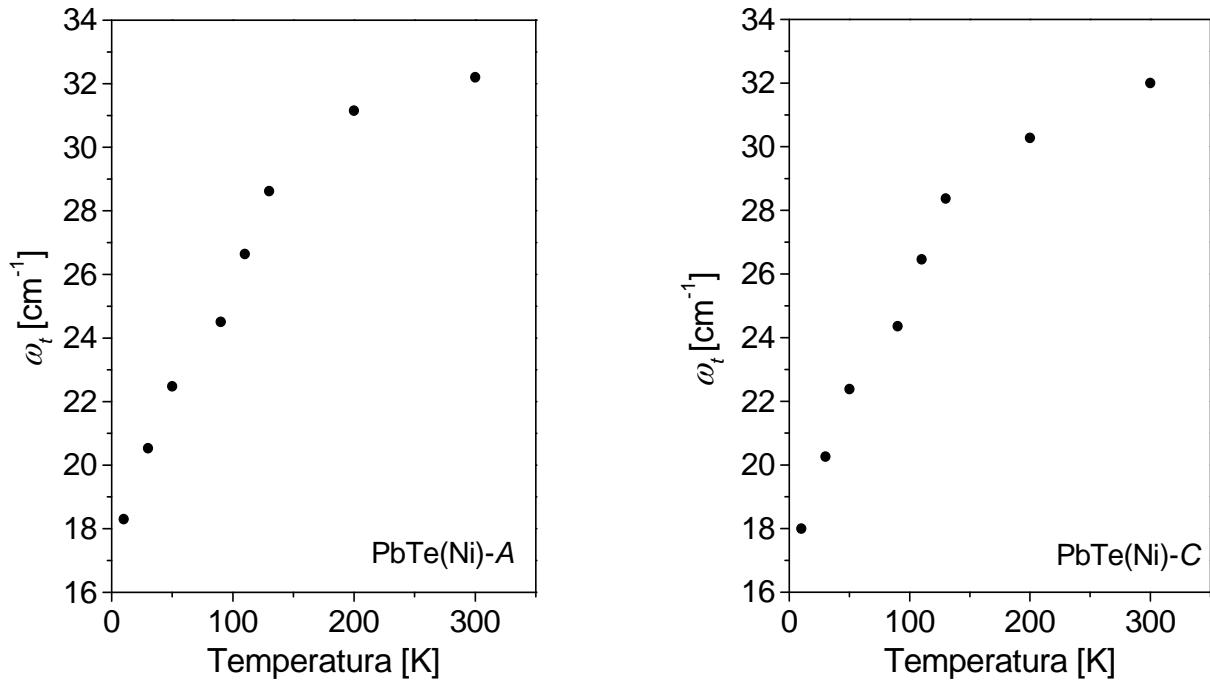
lako se mogu izračunati približne koncentracije slobodnih nosilaca n za oba uzorka PbTe(Ni). Vrednosti za koncentraciju nosilaca, izračunate iz relacije (5.9), prikazane su u tabelama 5.5. i 5.6.



Slika 5.4. Zavisnost učestanosti plazme ω_p od temperature za uzorak A



Slika 5.5. Zavisnost učestanosti plazme ω_p od temperature za uzorak C



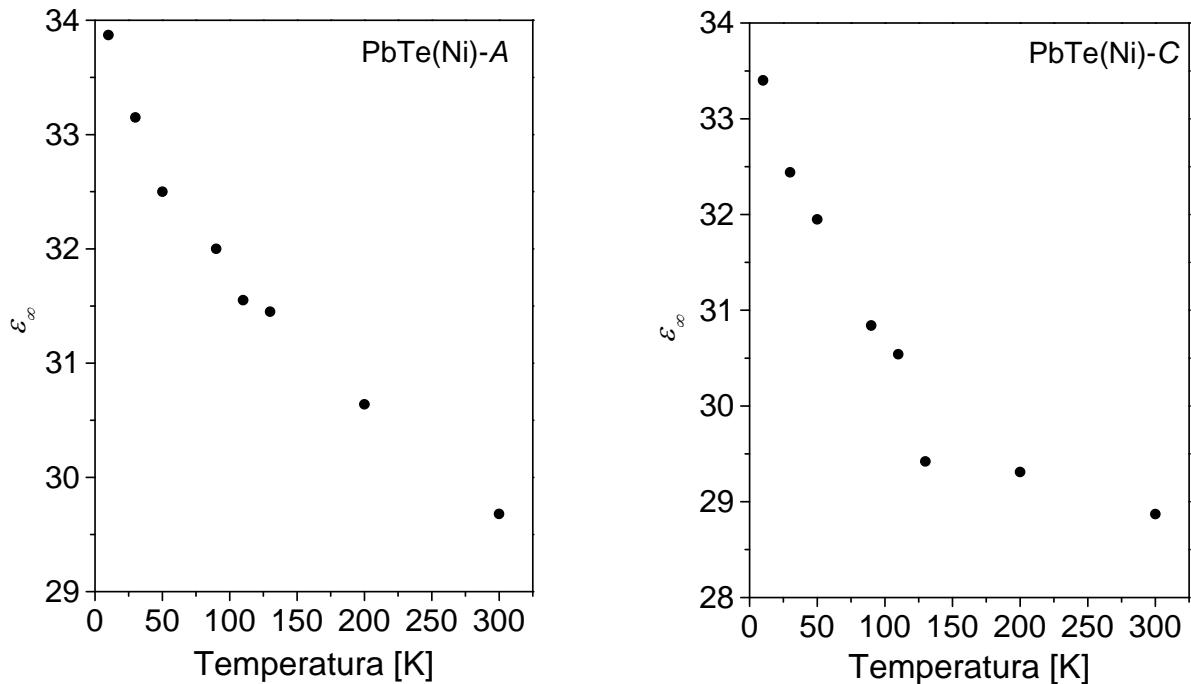
Slika 5.6. Zavisnost učestanosti transverzalnog moda ω_t od temperature za uzorke PbTe(Ni): A (levo) i C (desno)

Spektri su snimani počev od 50 cm^{-1} tako da se modovi ω_t i ω_{l1} nisu mogli videti na dijagramu. Prema literaturi [39, 40, 41] transverzalni mod osnovnog kristala ω_{TO} ove legure se pri sobnoj temperaturi javlja na 32 cm^{-1} , dok se pri snižavanju temperature pomera ka nižim vrednostima (mek mod). Stoga su, za neke od temperature, preuzete literaturne vrednosti za mod ω_{TO} , a za ostale temperature vrednosti ovog moda su određene u postupku fitovanja. Grafički prikaz promene transverzalnog moda PbTe dopiranog niklom sa temperaturom dat je na slici 5.6. Mek transverzalni mod potvrđuje da u merenom opsegu ne dolazi do strukturnog faznog prelaza.

Plazmon-fonon modovi, ω_{l1} i ω_{l2} , su određivani isključivo kroz proceduru fitovanja. Vezani plazmon-fonon mod ω_{l2} odgovara oštom minimumu na spektru refleksije i srazmeran je učestanosti plazme ω_p . On je rezultat interakcije između čistog LO moda rešetke PbTe na 104 cm^{-1} i moda plazme.

Mod koji se javlja na oko 70 cm^{-1} pripisuje se fononu u blizini ivice Brillouin-ove zone zato što gustina stanja za PbTe dostiže maksimum na učestanostima bliskim ovoj učestanosti [36].

Vrednosti za visokofrekventnu dielektričnu propustljivost ε_∞ , određene fitovanjem, kreću se u intervalu (29-34). Ove vrednosti pokazuju sličnu tendenciju za oba uzorka PbTe(Ni): pri snižavanju temperature vrednost za ε_∞ raste ([slika 5.7.](#)). Ovakav oblik temperaturne zavisnosti za ε_∞ svojstven je za sva jedinjenja tipa $A^{IV}B^{VI}$ kod kojih ne dolazi do strukturnog faznog prelaza [23, 42]. Povećanje ε_∞ sa sniženjem temperature je posledica povećanja gustine materijala prilikom hlađenja, što je više puta potvrđeno u literaturi.



Slika 5.7. Temperaturna zavisnost visokofrekventne dielektrične propustljivosti ε_∞ za uzorke A (levo) i C (desno)

Slabo izražen mod na 61 cm^{-1} pripisuje se uticaju dopanta tj. smatramo ga primesnim modom nikla. Njegov položaj se ne menja ni sa promenom temperature ni sa promenom koncentracije. Poreklo i položaj ovog moda se dodatno potvrđuju sledećim argumentima.

Prilikom dopiranja PbTe niklom dolazi do popunjavanja vakancija atoma Pb atomima Ni kao primese čija je atomska masa manja od atomske mase Pb [43]. Tačnije, Ni bi mogao ući u rešetku PbTe u jednom od dva moguća jonska stanja: Ni^{+2} ili Ni^{+3} . Radijus jona Ni^{+2} iznosi 0.74\AA , dok je radijus Ni^{+3} nešto manji i iznosi 0.63\AA . U ovom trenutku ne možemo reći da li Ni ulazi kao Ni^{+2} ili Ni^{+3} na mesto vakancija Pb, odnosno, da li preovlađuje zakon kompenzacije nanelektrisanja (kada bismo očekivali Ni^{+2}) ili zakon manjeg radijusa jona (kada bismo očekivali Ni^{+3}). Detaljnija analiza ovog problema je neophodna.

Položaj primesnog moda se može proceniti na osnovu relacije

$$\omega_{Ni} = \omega_{TO}(PbTe) \sqrt{\frac{m_{Pb}}{m_{Ni}}} \quad (5.10)$$

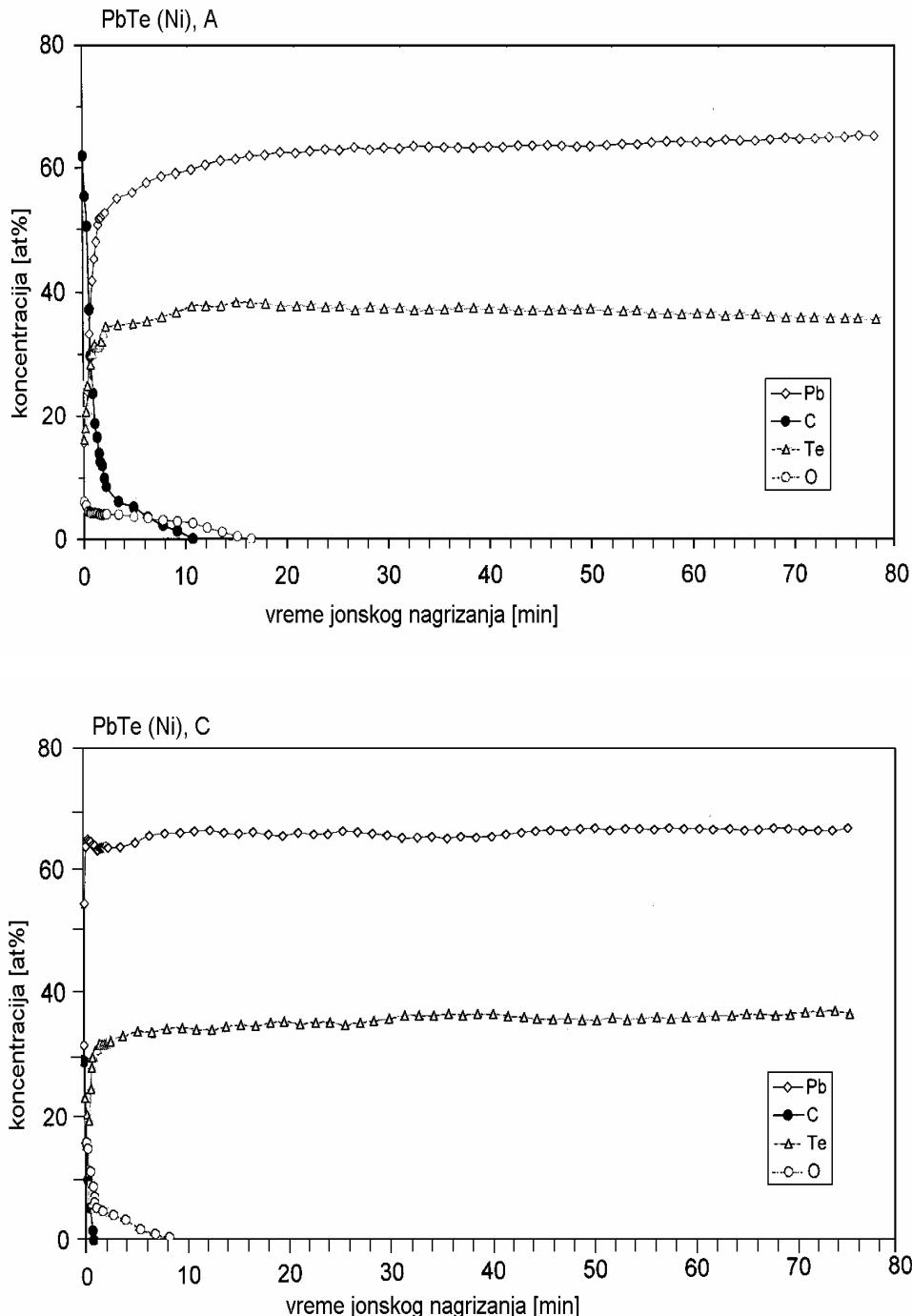
gde je $\omega_{TO}(PbTe)=32\text{cm}^{-1}$, $m_{Pb}=207.19$, $m_{Ni}=58.71$. Izračunata vrednost za mod Ni iznosi 60cm^{-1} što se veoma dobro slaže sa vrednošću moda koja je očitana sa refleksionog dijagrama. Obzirom da se javlja na početku mernog opsega, kada je osetljivost instrumenta daleko manja, ovaj mod je slabog intenziteta.

Takođe, položaj primesnog moda se može proceniti u funkciji parametra defekta mase: $\varepsilon_j=1-M/M_j$, gde je M -masa primesnog moda, a M_j -masa atoma osnovne rešetke. Proračun izvršen za trodimenzionalne kristale [44] određuje uslov za pojavu *lokalnog moda* (mod na učestanosti iznad najviše učestanosti oscilovanja osnovnog kristala tj. u slučaju (dopiranog) PbTe- iznad 104cm^{-1}) koji glasi $\varepsilon > \varepsilon_{min}$, pri čemu se ε_{min} izračunava za svaki materijal posebno. Za PbTe dopirane različitim elementima dobijena je vrednost $\varepsilon_{min}=0.83$. Obzirom da parametar defekta mase za Ni kao primesu u PbTe iznosi $\varepsilon_{Ni}=1-M_{Ni}/M_{Pb}=0.72$ uslov za postojanje lokalnog moda nije zadovoljen. U tom slučaju, kada je $\varepsilon < \varepsilon_{min}$, primesni mod se javlja unutar optičkog opsega osnovnog kristala ($\omega_{TO} < \omega_{Ni} < \omega_{LO}$).

Mod na 230 cm^{-1} , registrovan na svim mernim temperaturama nižim od 200K , odgovara pojavi tankog sloja leda na površini uzorka usled nedovoljne vakuumiranosti komore [45].

Oscilatori mod na oko 460 cm^{-1} , primetan kod oba uzorka, smatramo da takođe potiče od prisustva leda na površini uzorka tj. ovaj mod bismo mogli pripisati drugom harmoniku leda ($2\times 230\text{ cm}^{-1}$). Dodatni argument za ovakvu pretpostavku jeste to što je on prisutan kod većine dopiranih PbTe bez obzira na vrstu primese, sa čijim IC spektrima smo se susretali u našem dosadašnjem eksperimentalnom radu, ali samo na niskim temperaturama ($T \leq 200\text{K}$).

U pojedinim radovima [46] se pominje pojava tankog sloja oksida telura TeO_2 na površini uzorka PbTe. Njemu se pripisuju oscilatori modovi na 68 cm^{-1} , 126 cm^{-1} i 143 cm^{-1} [47, 48].



Slika 5.8. Profilni dijagrami za uzorke A (slika gore) i C (slika dole) dobijeni Augerovom spektroskopskom analizom

Rezultati AES merenja na našim uzorcima, urađenih na Institutu "Jožef Štefan" u Ljubljani, međutim, ne potvrđuju postojanje sloja TeO_2 . Naime, posmatranjem AES profilnih dijagrama ([slika 5.8.](#)), na kojima je koncentracija elemenata navedena u at%, vidi se da je koncentracija kiseonika prisutnog na površini uzorka $\text{PbTe}(\text{Ni})$ vrlo mala. Njegova koncentracija je mnogo niža nego suma koncentracija olova i telura. Važan detalj je i to da je u površinskom sloju oba naša uzorka koncentracija olova veća od koncentracije telura. Iz navedenog sledi da nije moguće potvrditi prisustvo kontinualnog sloja TeO_2 na površini uzorka jer bi u tom slučaju koncentracija kiseonika morala iznositi 66.6 at%. Mogla bi, eventualno, biti oksidisana neka manja područja-ostrva na površini uzorka. Iz ove vrste ispitivanja nije bilo moguće zaključiti da li su to oksidi Pb ili Te.

Za tačno određivanje sastava uzorka metodom AES potrebno je bilo imati pouzdane faktore za osjetljivost Auger-ovih procesa pojedinih elemenata $S(x)$ ili uzorke-standarde sa poznatim sastavom. Međutim, kako nismo imali ni jedno ni drugo, problem je delimično bio prevaziđen tako što je faktor $S(\text{Pb})=0.127$ određen na osnovu prethodne analize našeg uzorka elektronskom mikroanalizom, koja je dala sastav 65 at% Pb i 35 at% Te. Prepostavili smo da je to koncentracija unutrašnjosti uzorka na dubini od oko 80 nm ispod površine koji je 80 minuta bio izložen nagrizanju pri brzini 1 nm/min. Faktori ostalih prisutnih elemenata uzeti su od proizvođača spektrometra PHI SAM 545A firme Physical Electronics. Granica osjetljivosti za ovu metodu iznosi 1 at%. Kao što je očigledno na dijogramima ([slika 5.8.](#)), ovom metodom nije konstatovano prisustvo nikla čime je potvrđeno da je njegova koncentracija manja od 1 at%.

U proračunu za koncentraciju nosilaca uzeta je u obzir činjenica da se efektivna masa elektrona u čistom PbTe menja sa temperaturom kao posledica toplotnog širenja rešetke i interakcije sa fononima [23]. Korišćeni su sledeći tabelarni podaci za n -tip PbTe [23]:

$$m_n^*(300\text{K})=0.24m_0 \quad (5.11)$$

$$\frac{\partial \ln m_n^*}{\partial \ln T} = 0.5 \quad (5.12)$$

na osnovu kojih smo izračunali efektivne mase elektrona na različitim temperaturama ([tabela 5.4](#)).

Tabela 5.4. Izračunate vrednosti za efektivnu masu elektrona u čistom PbTe

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
m^*/m_0	0.044	0.076	0.098	0.131	0.145	0.158	0.196	0.24

Vrednosti za koncentraciju većinskih nosilaca nanelektrisanja dobijene na osnovu relacije (5.9), a uz korišćenje podataka iz tabela 5.2., 5.3. i 5.4., prikazane su u tabelama 5.5. i 5.6. Očigledno da koncentracija elektrona kod oba uzorka izračunata upotreboom refleksionih spektara pokazuje tendenciju blagog opadanja sa hlađenjem (pojava je izraženija kod uzorka C koji ima veći sadržaj nikla).

Na osnovu ovih vrednosti zaključujemo da je kod uzorka sa manjim sadržajem nikla (A) koncentracija nosilaca niža nego kod uzorka sa većim sadržajem nikla (C) na svim temperaturama. Izgleda da je prisustvo Ni u PbTe povoljnije u manjoj količini jer za posledicu ima nižu koncentraciju nosilaca. Najverovatnije se radi o optimalnoj popunjenoosti vakancija u kristalnoj rešeci atomima Ni u uzorku A, dok se u uzorku C prepostavlja da su se atomi Ni, nakon popunjavanja svih vakancija, rasporedili i intersticijalno, čime je koncentracija nosilaca uvećana.

Prepostavljamo da je prisustvo atoma u intersticijskim položajima kod uzorka C razlog što je vrednost za pokretljivost elektrona na 300K manja od vrednosti za pokretljivost čistog PbTe (tabela 4.4.). Uzorak A ima veću pokretljivost elektrona od iste u čistom PbTe, pa smatramo da je koncentracija intersticijski raspoređenih atoma zanemarljiva tj. da preovlađuju vakancije kao defekti.

Tabela 5.5. Vrednosti talasnog broja plazme k_p i koncentracije slobodnih nosilaca n u zavisnosti od temperature izračunate na osnovu IC refleksionih spektara za uzorak A

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
k_p [cm ⁻¹]	118.84	118.44	118.17	117.82	117.36	117.32	117.08	116.54
n [cm ⁻³]	5.96×10^{15}	1.0×10^{16}	1.26×10^{16}	1.65×10^{16}	1.79×10^{16}	1.94×10^{16}	2.32×10^{16}	2.74×10^{16}

Tabela 5.6. Vrednosti talasnog broja plazme k_p i koncentracije slobodnih nosilaca n u zavisnosti od temperature izračunate na osnovu IC refleksionih spektara za uzorak C

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
k_p [cm ⁻¹]	139.1	138.97	138.44	137.81	137.12	136.66	135.93	133.51
n [cm ⁻³]	8.06×10^{15}	1.35×10^{16}	1.7×10^{16}	2.17×10^{16}	2.36×10^{16}	2.46×10^{16}	3.01×10^{16}	3.5×10^{16}

Proračun za pokretljivost većinskih nosilaca sproveden je na osnovu izraza

$$\mu = \frac{e\tau}{m^*} \quad (5.13)$$

gde je τ -vreme relaksacije nosilaca, a m^* -njihova efektivna masa. U cilju određivanja parametra τ korišćena je Moss-ova metoda [49] i sledeće izvedene relacije

$$\tau\omega_{min} = \frac{\epsilon_\infty - n_{min}^2 + k_{min}^2}{2n_{min}k_{min}} \quad (5.14)$$

$$\frac{\omega_p^2}{\omega_{min}^2} = 1 - \frac{n_{min}^2}{\epsilon_\infty} \quad (5.15)$$

$$R = \frac{(n-1)^2 + k^2}{(n+1)^2 + k^2} \quad (5.16)$$

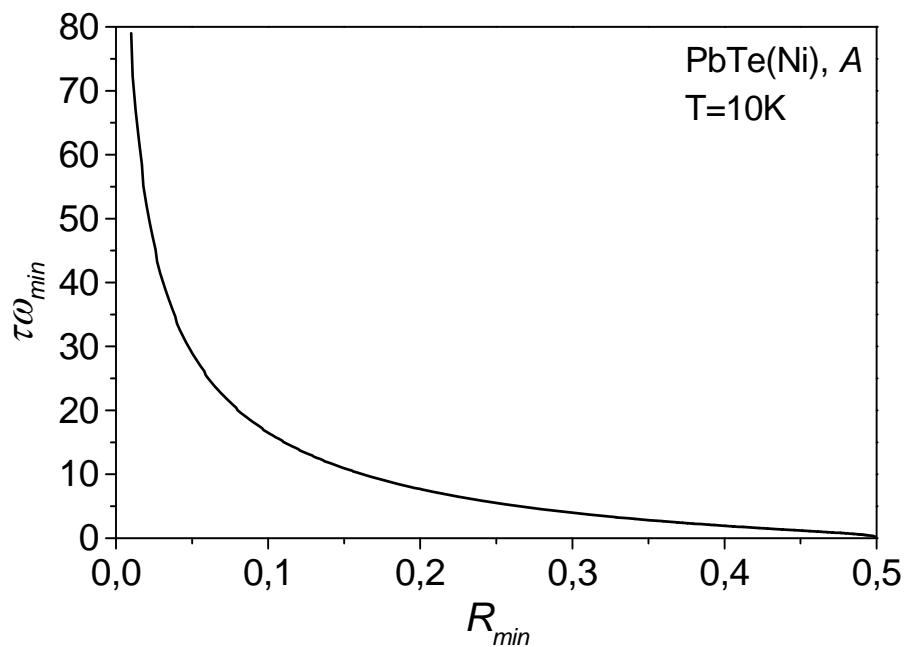
gde je ω_{min} -učestanost koja odgovara minimumu refleksije na IC dijagramu, ω_p -učestanost plazme, n_{min} i k_{min} su realni i imaginarni deo kompleksnog indeksa prelamanja koji odgovaraju tački minimuma refleksije, R je koeficijent refleksije, ϵ_∞ -visokofrekventna dielektrična propustljivost koja je dobijena u postupku fitovanja refleksionih spektara. Upotreboom navedenih formula izvedena je funkcionalna veza između $\tau\omega_{min}$ i R_{min} (zbog glomaznosti je nećemo navoditi).

Tabela 5.7. Parametri određeni Moss-ovom metodom za uzorak A

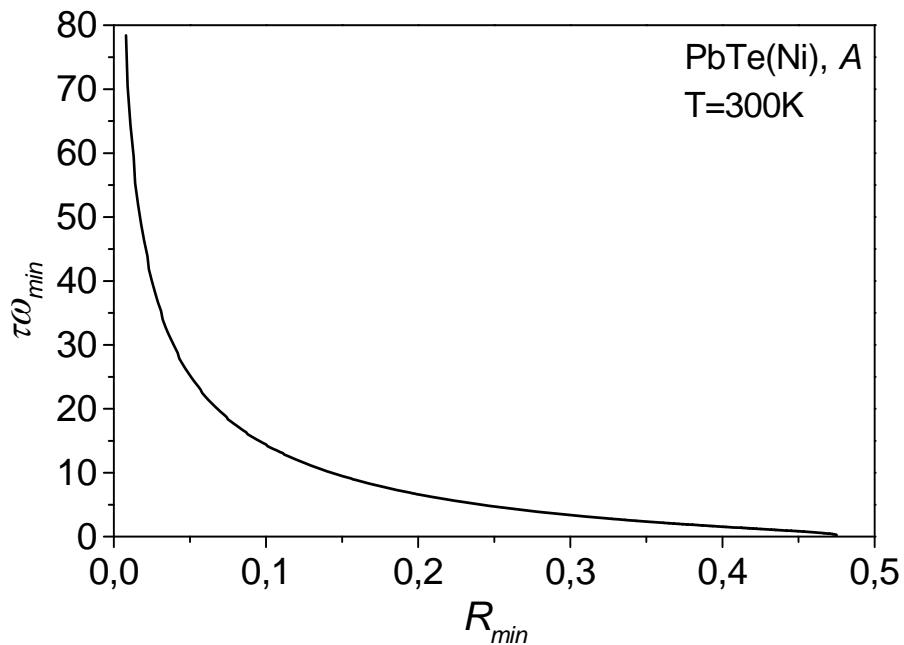
T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
$\tau\omega_{min}$	8.9	8.7	8.5	8.2	8.1	8.0	7.9	7.7
ω_{min} [Hz]	4.122×10^{-12}	4.108×10^{-12}	4.093×10^{-12}	4.064×10^{-12}	4.05×10^{-12}	4.05×10^{-12}	4.05×10^{-12}	4.122×10^{-12}
τ [s]	2.16×10^{-12}	2.12×10^{-12}	2.08×10^{-12}	2.02×10^{-12}	2.0×10^{-12}	1.98×10^{-12}	1.95×10^{-12}	1.87×10^{-12}
μ [cm²/Vs]	8.62×10^4	4.9×10^4	3.72×10^4	2.7×10^4	2.42×10^4	2.2×10^4	1.75×10^4	1.37×10^4

Tabela 5.8. Parametri određeni Moss-ovom metodom za uzorak C

T [K]	10	30	50	90	110	130	200	300
$\tau\omega_{min}$	5.9	5.8	5.6	5.2	4.9	4.75	4.4	4.0
ω_{min} [Hz]	5.163×10^{-12}	5.106×10^{-12}	4.975×10^{-12}	4.961×10^{-12}	4.946×10^{-12}	4.903×10^{-12}	4.73×10^{-12}	4.7×10^{-12}
τ [s]	1.143×10^{-12}	1.136×10^{-12}	1.126×10^{-12}	1.048×10^{-12}	0.991×10^{-12}	0.969×10^{-12}	0.93×10^{-12}	0.851×10^{-12}
μ	4.56×10^4	2.63×10^4	2.02×10^4	1.40×10^4	1.2×10^4	1.08×10^4	0.83×10^4	0.62×10^4

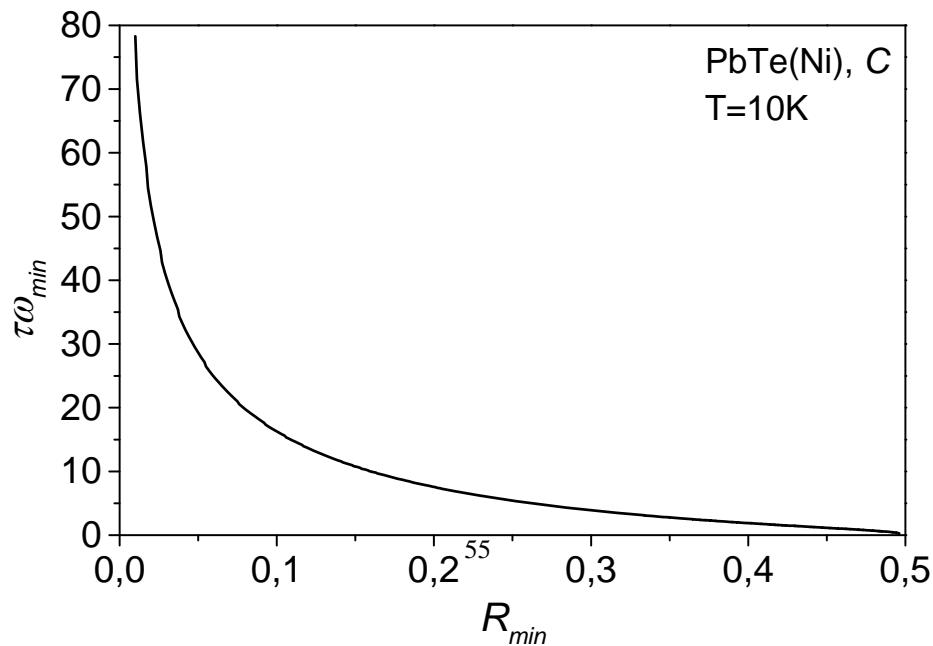


Slika 5.9. Rezultat Moss-ove analize za uzorak A pri $T=10K$ ($\varepsilon_\infty=33.87$)



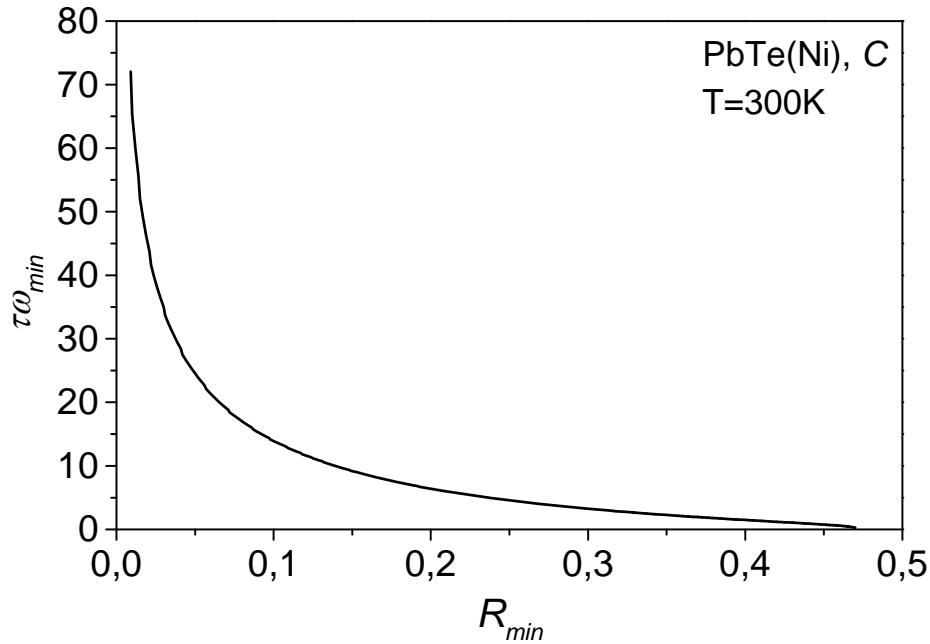
Slika 5.10. Rezultat Moss-ove analize za uzorak A pri $T=300K$ ($\varepsilon_\infty=29.68$)

Na slikama 5.9.-5.12. su prikazani upravo grafici zavisnosti $\tau\omega_{min}(R_{min})$ za četiri odabrane vrednosti parametra ε_∞ dobijene kao rezultat fitovanja refleksionih spektara merenih na



10K i 300K za uzorke A i C. Za određivanje vrednosti proizvoda $\tau\omega_{min}$ na različitim temperaturama korišćene su vrednosti minimuma refleksije R_{min} očitavane sa pojedinačnih refleksionih dijagrama. Obzirom da se i vrednosti $\omega_{min}=ck_{min}$ očitavaju sa navedenih dijagrama lako se dolazi do brojnih vrednosti za vreme relaksacije τ , na različitim temperaturama. Izračunate vrednosti za τ i μ prikazane su u tabelama 5.7. i 5.8.

Slika 5.11. Rezultat Moss-ove analize za uzorak C pri T=10K ($\varepsilon_\infty=33.40$)



Slika 5.12. Rezultat Moss-ove analize za uzorak C pri $T=300K$ ($\varepsilon_\infty=28.87$)

Treba istaći da se veličina τ može proceniti i na osnovu dubine globalnog minimuma refleksionih spektara. Obzirom da je $\tau \sim 1/\gamma_p$ gde γ_p predstavlja prigušenje plazme očigledno je da dubljem minimumu odgovara veća vrednost parametra τ . Prema tome, naši rezultati za τ prikazani u tabelama 5.7. i 5.8. su u skladu sa navedenim zaključcima pošto uzorku A, koji pokazuje dublje minimume refleksije, po proračunu zaista odgovaraju veće vrednosti τ nego što je to slučaj kod uzorka C.

Koncentracija i pokretljivost većinskih nosilaca određene su, dakle, na dva načina: s jedne strane, Hall-ovom i Van der Pauw metodom za samo dve temperature, odnosno, na osnovu optičkih merenja na osam različitih temperatura. Upoređivanjem izračunatih vrednosti *na dve temperature* zajedničke za obe vrste merenja (300K i 77K (90K)) primećujemo sledeće: kod uzorka A vrednosti za koncentraciju slobodnih nosilaca se razlikuju za red veličine, dok su vrednosti za pokretljivost na niskoj temperaturi vrlo bliske, a razlikuju se za red veličine na 300K; kod uzorka C, međutim, slaganje vrednosti i za koncentraciju i za pokretljivost je prihvatljivo.

Rezultati za n i μ dobijeni na osnovu refleksionih merenja nam potvrđuju tendenciju u ponašanju ovih veličina sa promenom temperature, nagoveštenu iz Hall-ovih merenja.

Naše rezultate za PbTe(Ni) uporedili smo sa rezultatima za PbTe(Pt) i PbTe(Fe). Kod PbTe dopiranog platinom [50] konstatovano je da se koncentracija elektrona gotovo ne menja u širokom temperaturnom intervalu $n \sim 3 \times 10^{17} \text{ cm}^{-3}$, dok pokretljivost ima izrazit trend opadanja sa povećanjem temperature (μ od $1.4 \times 10^5 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ na 10K do $1.2 \times 10^3 \text{ cm}^2/\text{Vs}$ na 300K). S druge strane, kod PbTe dopiranog gvožđem [14] na osnovu refleksionih spektara za dve temperature, 80K i 300K, zapaženo je da učestanost plazme jasno raste kada se temperatura snižava.

5.2. Fotoakustična merenja

Upoređivanjem prikazanih FA faznih spektara za različite debljine jednog istog uzorka (slike 4.8. i 4.9.) može se uočiti izraziti minimum, koji se pomera ka većim učestanostima kada se debljina uzorka smanjuje. Posmatranjem amplitudskih FA dijagrama uočava se kolenasta promena nagiba krive na učestanosti bliskoj onoj koja odgovara minimumu faznog spektra. Ova učestanost predstavlja granicu na kojoj dolazi do promene u ponašanju ispitivanog materijala. Na učestanostima nižim od "granične" uzorak se ponaša kao topotno tanak, dok se na višim učestanostima ponaša kao topotno debeo. U oblasti "nižih" učestanosti dominantnu ulogu u stvaranju FA signala imaju topotno difuzioni procesi, a na učestanostima modulacije većim od kritične, amplituda i faza FA signala prvenstveno zavise od električnih transportnih svojstava uzorka, pa se stoga mogu dobiti i informacije o njegovim transportnim karakteristikama. FA parametri određeni numeričkom analizom normalizovanih dijagrama se smatraju pouzdanijim jer je efekat nelinearne karakteristike elektret mikrofona bitno smanjen.

Analizom vrednosti parametara određenih u postupku fitovanja FA spektara (tabele 4.5. i 4.6.) možemo reći da su rezultati za topotnu difuzivnost D_T veoma dobro usaglašeni, kako za jedan tako i za drugi uzorak, bez obzira na njegovu orientaciju u odnosu na mikrofon. Uočavamo da je topotna difuzivnost za uzorak A nešto veća u odnosu na topotnu difuzivnost uzorka C čemu donekle doprinosi i veća pokretljivost fotogenerisanih nosilaca u prvom uzorku.

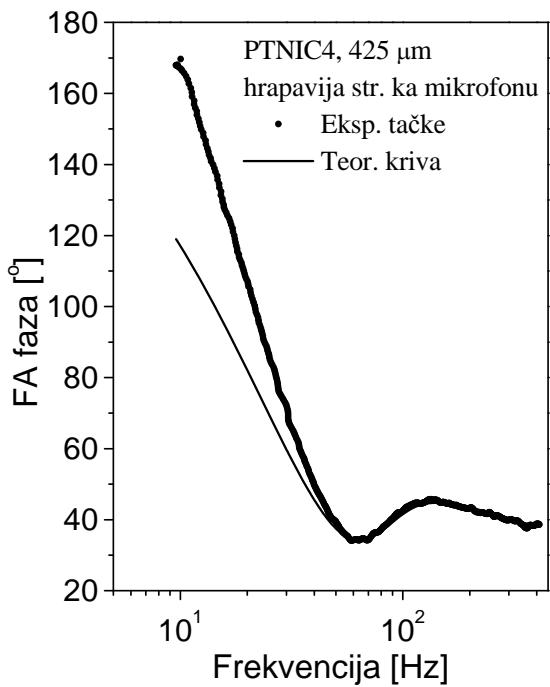
Vrednosti za koeficijent difuzije nosilaca D su, takođe, usaglašene, dok se vrednosti za τ za ova dva uzorka razlikuju i za red veličine. Treba naglasiti da τ predstavlja efektivnu veličinu koja uključuje doprinose od različitih efekata, pa je to razlog zašto τ ima relativno veliku vrednost ($\sim 10^{-4}, 10^{-5}$ s).

Vrednosti za brzine rekombinacije na prednjoj i zadnjoj strani uzorka (s_g i s_b) su međusobno bliske, što je razumljivo ako uzmemo u obzir da su obe strane uzorka polirane, ali nejednako dobro. Kada bi razlika u stepenu glatkosti dveju strana uzorka bila mnogo veća to bi i razlika u brzinama rekombinacije bila izrazitija. U tom slučaju brzina rekombinacije na hrapavoj strani uzorka bi bila znatno veća. Obzirom da su naši uzorci polirani sa obe strane ovo pravilo je donekle narušeno pa su brzine rekombinacije relativno bliske.

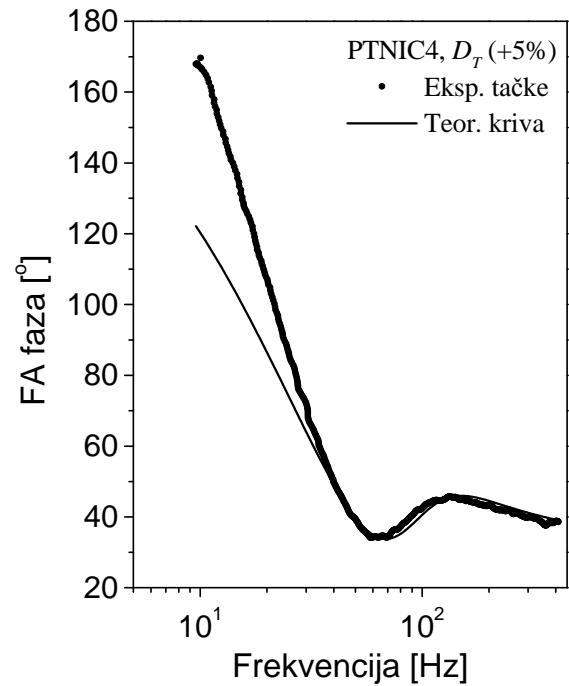
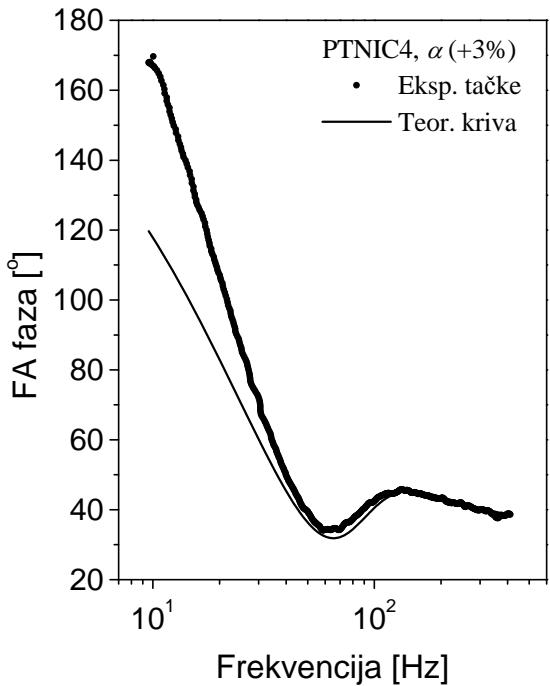
Vrednosti za koeficijent optičke apsorpcije α su relativno visoke što je razumljivo obzirom da je energija lasera ($E=1.96$ eV) više nego dovoljna za prebacivanje elektrona iz valentne u provodnu zonu jer je $E_g=0.32$ eV pa je stepen apsorpcije laserskog zračenja maksimalan.

Upoređivanjem vrednosti za D_T za PbTe(Ni) sa vrednošću $D_T=1.55\times 10^{-6}$ m²/s za čist PbTe [51] primećujemo da je ona manja od vrednosti dobijenih za naše uzorke. Ovo je očekivano ako uzmemo u obzir da je koncentracija nosilaca nanelektrisanja kod uzorka PbTe(Ni) manja od iste za čist PbTe.

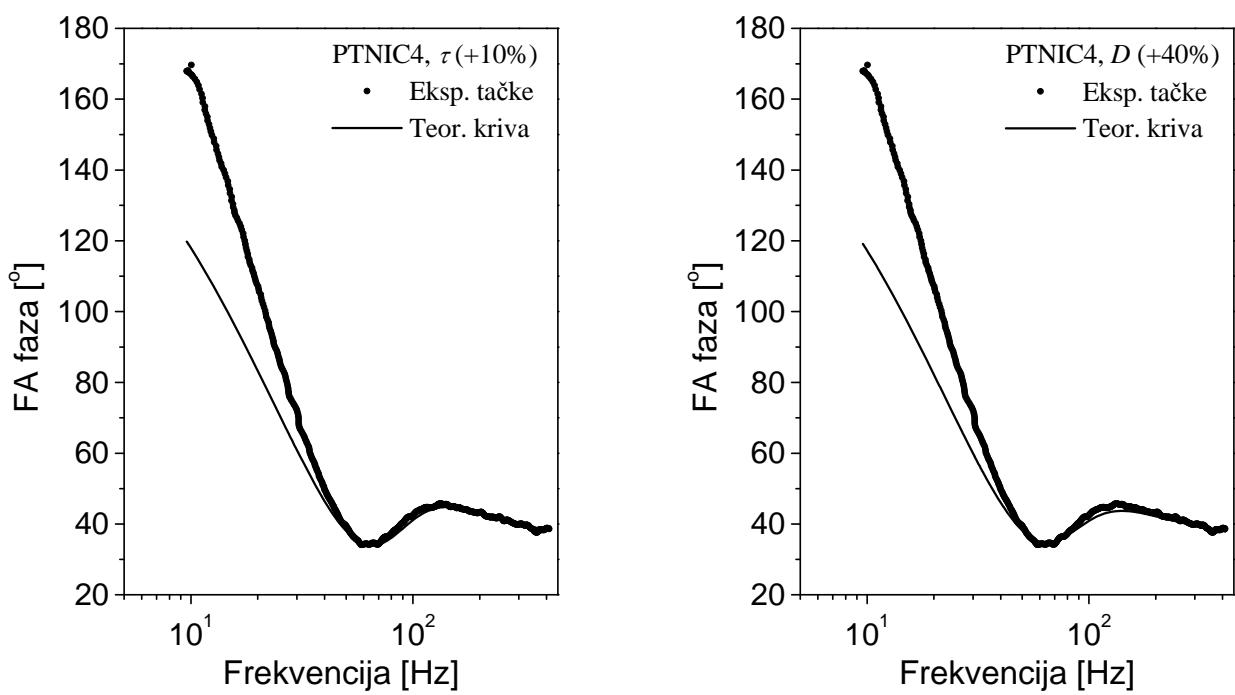
Da bismo približno procenili tačnost sa kojom je određen svaki od FA parametara menjali smo vrednost svakog ponaosob za onoliki iznos koji dovodi do vidljivog narušavanja ufitovanosti eksperimentalnih rezultata. Ovaj postupak je urađen na primeru uzorka PTNIC4 (425 μm, hrapavija strana ka mikrofonu) za parametre D , τ , α , D_T , što je ilustrovano slikama 5.13., 5.14. i 5.15. Očigledno je da su FA parametri određeni sa različitom tačnošću koja je najveća za koeficijent apsorpcije α i topotnu difuzivnost D_T , a najmanja za koeficijent difuzije slobodnih nosilaca D . Ovaj način provere je dao sledeće vrednosti za tačnost parametara: 3% za α , 5 % za D_T , 10 % za τ i 40 % za D .



Slika 5.13. Fazni FA dijagram uzorka (C) debljine $425 \mu\text{m}$, koji je hrapavijom stranom okrenut ka mikrofonu. Punom linijom su prikazani teorijski dijagrami, a tačkicama-eksperimentalni rezultati.



Slika 5.14. Prikaz uticaja promene parametara α za 3 % (levo), odnosno, parametra D_T za 5 % (desno) na stepen ufitovanosti FA faznog dijagrama uzorka C sa slike 5.13.



Slika 5.15. Prikaz uticaja promene parametara τ za 10 % (levo) odnosno parametra D za 40 % (desno) na stepen uftovanosti FA faznog dijagrama uzorka C sa slike 5.13.

6. ZAKLJUČAK

Ova teza je nastala kao rezultat ispitivanja optičkih, transportnih i pojedinih toplotnih svojstava legure PbTe(Ni). Korišćena su dva monokristalna uzorka sa različitim sadržajem Ni, prvi-0.29 % Ni i drugi-sa nešto većom koncentracijom Ni (tačna brojna vrednost nije određena, ali je procenjena u intervalu (0.8-1)%). U cilju karakterizacije materijala urađena su sledeća eksperimentalna merenja: rendgenostrukturalna analiza, Hall-ova merenja, daleka infracrvena spektroskopija, Auger-ova elektronska spektroskopija i fotoakustična merenja.

Rendgenostrukturnom analizom je potvrđena monokristalna NaCl struktura kristalne rešetke i određeni su parametri rešetke za oba uzorka.

Na osnovu Hall-ovih merenja su izračunate koncentracija i pokretljivost većinskih nosilaca nanelektrisanja (elektrona). Utvrđeno je da se prilikom hlađenja njihova koncentracija malo smanjuje, a pokretljivost povećava. Izmerena koncentracija elektrona je reda veličine 10^{15} - 10^{16} cm⁻³ što je znatno manje od koncentracije elektrona u čistom PbTe. Vrednosti za pokretljivost elektrona na sobnoj, odnosno, niskoj temperaturi, iako imaju isti red veličine kao odgovarajuće brojne vrednosti za čist PbTe, ipak se donekle razlikuju.

- Merenjem i analizom dalekih IC spektara refleksije došlo se do sledećih rezultata:
- ustanovljena je jaka plazmon-fonon interakcija
 - osim modova osnovnog kristala ($\omega_{LO}=104$ cm⁻¹, $\omega_{TO}(300K)=32$ cm⁻¹) registrovan je i primesni transverzalni mod nikla na 61 cm⁻¹
 - utvrđeno je da ne postoji strukturni fazni prelaz u temperaturnom opsegu od 10K do 300K na osnovu promene visokofrekventne dielektrične propustljivosti ε_∞ sa temperaturom, kao i na osnovu omekšavanja transverzalnog moda rešetke ω_t
 - koncentracija slobodnih nosilaca je znatno smanjena u odnosu na čist PbTe i pokazuje blago smanjenje sa snižavanjem temperature
 - pokretljivost slobodnih nosilaca je uvećana u odnosu na čist PbTe, a sa snižavanjem temperature pokazuje postepeni porast.

Auger-ovom spektroskopskom analizom nije potvrđeno postojanje kontinualnog sloja TeO₂ na površini uzorka.

Fotoakustičnom metodom su izmereni fazni i amplitudski spektri čijom numeričkom analizom su određeni toplotni i neki transportni elektronski parametri. U tom pogledu su

favorizovani normalizovani dijagrami koji isključuju nepoželjan uticaj mernog sistema i karakteristiku mikrofona.

Rezultati ovih istraživanja pokazuju da je koncentracija većinskih nosilaca kod PbTe za dva do tri reda veličine smanjena njegovim legiranjem sa Ni zahvaljujući popunjavanju brojnih vakancija u njegovoј kristalnoј rešeci. Ovo ukazuje na mogućnost primene ovako dopiranog materijala za izradu optoelektronskih naprava sa poboljšanim karakteristikama u odnosu na primenu čistog PbTe.

U budućem radu nameravamo da se bavimo istraživanjem efekta magnetne otpornosti ovog materijala. Poznati su primeri proučavanja efekta negativne magnetne otpornosti u PbTe(Mn, Cr) [52, 53] i PbTe(Mn, Yb) [22], kod kojih se ovaj efekat javlja na vrlo niskim temperaturama. Očekujemo da se ovaj efekat ispolji i kod PbTe(Ni) jer jon nikla ima značajan magnetni moment.

REFERENCE

- [1] P.M. Nikolić, *Zbornik radova IX konferencije ETAN*, Bled 1964, 426-431.
- [2] P.M. Nikolić, *J. Brit. J. Appl. Phys.* 16 (1965) 1075-1079.
- [3] R. Martineau, *Optical spectra* 1979, 45-48.
- [4] N. Romčević, D. Khokhlov, *XLI konferencija za ETRAN*, Zlatibor, jun 1997.
- [5] D. Khokhlov, B. Volkov, *HAIT J. Sci. Eng.* 1(2) (2003) 352-359.
- [6] S.W. McKnight, M.K. El-Rayes, *Sol. St. Comm.* 49(11) (1984) 1001-1004.
- [7] S. Takaoka, T. Hamaguchi, S. Shimomura, K. Murase, *Sol. St. Comm.* 54(1) (1985) 99-102.
- [8] S. Takaoka, K. Murase, *J. Phys. Soc. Jpn.* 52(1) (1983) 25-27.
- [9] N. Romčević, Z.V. Popović, D.R. Khokhlov, W. König, *Infrared Phys. Techn.* 38 (1997) 117-122.
- [10] N. Romčević, M. Romčević, D.R. Khokhlov, A.I. Belogorokhov, I.I. Ivanchik, W. König, *Infrared Phys. Techn.* 40 (1999) 453-462.
- [11] M. Romčević, *Magistarska teza*, Elektrotehnički fakultet u Beogradu, 1998.
- [12] I.I. Ivanchik, D.R. Khokhlov, A.I. Belogorokhov, Z.V. Popović, N. Romčević, *Semiconductors* 32(6) (1998) 608-612.
- [13] K. Radulović, P.M. Nikolić, N. Romčević, S. Vujatović, D. Vasiljević Radović, P. Mihajlović, S. Đurić, J. Kühl, W. König, *XLIV konferencija za ETRAN*, Sokobanja, jun 2000.
- [14] P.M. Nikolić, K. Radulović, D. Vasiljević Radović, V. Blagojević, B. Milosavljević, Z. Dohčević Mitrović, *J. Serb. Chem. Soc.* 67(6) (2002) 415-423.
- [15] P.M. Nikolić, M.B. Pavlović, S. Vujatović, *Infrared Phys.* 26(1) (1986) 5-7.
- [16] M. Romčević, N. Romčević, V.N. Nikiforov, *Infrared Phys. Techn.* 42 (2001) 541-545.
- [17] J. Trajić, M. Romčević, N. Romčević, S. Nikolić, A. Golubović, S. Đurić, V.N. Nikiforov, *J. Alloys and Compounds* 365 (2004) 89-93.
- [18] P.M. Nikolić, D. Luković, S. Savić, S. Vujatović, V. Blagojević, Z. Dohčević Mitrović, K. Paraskevopoulos, F. Zorba, *Zbornik radova sa konferencije FITEM'04 Čačak* (biće objavljen)

- [19] P.M. Nikolić, K. Radulović, S. Vujatović, D. Vasiljević Radović, S. Đurić, V. Blagojević, P. Mihajlović, D. Urošević, Z. Dohčević Mitrović, O. Jakšić, *J. Opt. Adv. Mater.* 2 (2000) 465-468.
- [20] P.M. Nikolić, W. König, D. Luković, S. Savić, S. Vujatović, K. Radulović, V. Blagojević, *J. Opt. Adv. Mater.* 6(3) (2004) 811-816.
- [21] B.A. Akimov, P.V. Verteletski, V.P. Zlomanov, L.I. Ryabova, O.I. Tananaeva, N.A. Shirokova, *Sov. Phys. Semicond.* 23 (1989) 11.
- [22] I.I. Ivanchik, D.R. Khokhlov, A.V. Morozov, A.A. Terekhov, E.I. Slyn'ko, A. De Visser W.D. Dobrowolski, *Phys. Rev. B* 61(22) (2000) R14889-R14892.
- [23] Ю.И. Равич, Б.А. Ефимова, И.А. Смирнов, *Методы исследования полупроводников в применении к халкогенидам свинца PbTe, PbSe и PbS*, Издательство "Наука", Москва 1968.
- [24] V. Kaidanov, Yu. Ravich, *Sov. Phys. Usp.* 38(1) (1985) 31-53.
- [25] *Физико-химические свойства полупроводниковых веществ*, Издательство "Наука", Москва 1979.
- [26] P.M. Nikolić, *Master of Science Thesis*, University of Nottingham, 1964.
- [27] Ž. Spasojević, Z.V. Popović, *Elektrotehnički i elektronski materijali*, Beograd 1995.
- [28] P.M. Nikolić, D.I. Raković, S.S. Vujatović, Z.D. Ristovski, M.B. Pavlović, S.B. Đurić, P.V. Osmokrović, *Uputstva za vežbe iz elektrotehničkih materijala*, Elektrotehnički fakultet, Beograd 1990.
- [29] S. Đurić, *Metode istraživanja u kristalografskoj tehnici*, Tehnički fakultet u Čačku i Institut tehničkih nauka SANU, Beograd, Čačak, 2002.
- [30] O. Jakšić, poglavlja 10 i 11 u praktikumu *Laboratorijske vežbe iz optoelektronskih naprava*, IHTM-CMTM, Beograd, 2000.
- [31] A. Rosencwaig, A. Gersho, *J. Appl. Phys.* 47 (1976) 64.
- [32] F.A. McDonald, *J. Appl. Phys.* 49 (1978) 2313.
- [33] P.M. Nikolić, D.M. Todorović, *Proučavanje poluprovodničkih materijala fotoakustičnom metodom*, Srpska akademija nauka i umetnosti, Odeljenje tehničkih nauka, Knjiga 40, Beograd 2001.

- [34] D.M. Todorović, P.M. Nikolić, A.I. Bojičić, K.T. Radulović, *Phys. Rev. B* 55(23) (1997) 15631-15642.
- [35] A.A. Kukharskii, *Sol. St. Comm.* 13 (1973) 1761-1765.
- [36] W. Cohran, F.R.S., R.A. Cowley, G. Dolling, M.M. Elcombe, *Proc. Roy. Soc. A* 293 (1966) 433-451.
- [37] P.M. Nikolić, D.I. Raković, *Elektrotehnički materijali*, Naučna knjiga Beograd 1987
- [38] J.R. Dixon, H.R. Riedel, *Phys. Rev.* 138 (3A) (1965) 873-881.
- [39] W.E. Tennant, *Sol. St. Comm.* 20 (1976) 613-616.
- [40] H. Burkhard, G. Bauer, A. Lopez Otero, *Sol. St. Comm.* 18 (1976) 773-776.
- [41] H. Burkhard, G. Bauer, A. Lopez Otero, *J. Opt. Soc. Am.* 67(7) (1977).
- [42] B. A. Volkov, V. P. Kušnir, O.A. Pankratov, *Физика твердого тела* 24(2) (1982) 415-422.
- [43] S. Venigopalan, A. Petrov, R.R. Galazka, A.K. Ramdas, S. Rodriguez, *Phys. Rev. B* 25 (1982) 2681.
- [44] P. Mazur, E.W. Montroll, R.B. Potts, *J. Wash. Acad. Sci.* 46, 2 (1956)
- [45] S. Warren, *Applied Optics* 23(8) (1984) 1206
- [46] N. Romčević, M. Romčević, D.R. Khokhlov, I.I. Ivanchik, *Proc. the 24th international conference on the Physics of Semiconductors, August 2-7, 1998, Jerusalem, Israel.* Ed. D. Gershoni, World Scientific C 1999 ISBN: 981-02-4030(CD), section II: c, articl 19, 1-4.
- [47] A.S. Pine, G. Dresselhaus, *Phys. Rev. B* 4 (2) (1971) 356-371.
- [48] A.P. Mirgorodsky, T. Merle-Mejean, J.-C. Champarnaud, P. Thomas, B. Frit, *Journal of Physics and Chemistry of Solids* 61 (2000) 501-509.
- [49] T.S. Moss, T.D.F. Hawkins, G.J. Burrell, *J. Phys. C (Proc. Phys. Soc.)*, ser. 2, vol. 1 (1968) 1435-1446.
- [50] M.B. Pavlović, S. Vujatović, R. Kostić, S. Stojilković, G. Aleksić, *Zbornik radova IX jugoslovenskog savetovanja o savremenim neorganskim materijalima*, 1986.
- [51] P.M. Nikolić, D. Vasiljević, M. Miletić, *Glas CCCLXXX SANU*, Odeljenje tehničkih nauka, knj. 32 (1996) 11-25.

- [52] D. Khokhlov, I. Ivanchik, A. Kozhanov, A. Morozov, E. Slynko, V. Slynko, W. Dobrowolski, T. Story, *International Journal of Modern Physics B*, Nos. 20, 21& 22 (2002) 3343-3346.
- [53] A.I. Artamkin, A.E. Kozhanov, M. Arciszewska, W.D. Dobrowolski, T. Story, E.I. Slynko, V.E. Slynko, D.R. Khokhlov, *Acta Physica Polonica A* 106 (2) (2004) 223-231.